

**Notă:rezultatele sunt actualizate după publicare variantelor definitive în
19 februarie 2007;corecturile apar cu roșu.**

Rezultatele variantelor propuse pentru Teste Naționale 2007

Varianta 1

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
444	a	1	-32	10	2	36	$2\sqrt{3}$	B	D	A	A

13.a)411,141,114,122,212,221 ;b) $\frac{1}{2}$

14.a)Se rezolvă sistemul $2a+b=6$, $3a+b=8$. $a=2$, $b=2$;b)Folosind teorema catetei în ΔMNP ; $MO=\sqrt{ON \cdot OP}$; $c=4$

15.a) $OM \perp (ABA')$;b) 45° ;c)Fie $A'E \perp DM$; $\tan(\angle AA'E)=\frac{\sqrt{10}}{10}$

Varianta 2

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
78	14	$5\sqrt{2}$	1,5,7,35	120°	60	$8\sqrt{3}$	112	B	B	C	D

13. a) 3 și 12 ;b)25%

14. c) 2 și 1

15. b) $BC'=24$, $AB=8$;c) $\tan(\angle A'CB)=\frac{\sqrt{21}}{7}$;d)Fie $DE \perp D'C$; $DE=\frac{8\sqrt{6}}{3}$

Varianta 3

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
81	$\frac{4}{3}$	11	$2 \cdot 3^2$	144	24	100	72	C	C	B	B

13. a)42 ;b)40

14. a) $x=0$;b) $-\frac{1}{2}$ și -2 c) $\Delta>0$; $m \in (-\infty; \frac{1}{4}) - \{0\}$

15. b) $AB=12$ și se aplică reciproca teoremei lui Pitagora în ΔSAC .;c) $72\sqrt{2} \text{ cm}^3$;d) $15\sqrt{3} \text{ cm}^2$.

Varianta 4

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1	230	10	90	110°	8	18	81	C	B	C	A

13. a)Se rezolvă sistemul $x+y=28$, $2x+3y=76$; 8 cu 2 camere,20 cu 3 camere ;b)40 %

14. b)Un triunghi cu aria 10;c) $(2 \cdot 3 - 5) + (2 \cdot 4 - 5) + \dots + (2 \cdot 102 - 5) = 2(3 + 4 + \dots + 102) - 5 \cdot 100 = 10.000$

15. b) $AC \perp BM$, $AC \perp DM \Rightarrow AC \perp (MBD)$;c) $\frac{a^2\sqrt{2}}{4} \text{ cm}^2$;d) $\frac{a\sqrt{6}}{6} \text{ cm}$.

Varianta 5

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
30	$\frac{26}{5}$	3	2	10	48	125	48	C	C	B	A

13. a)Andrei 8 ani,Vlad 13 ani;b)Peste 2 ani

14. a)Se rezolvă sistemul $-a+b=4$, $2a+b=5$;a=-3,b=1;b) $\frac{1}{6}$;c)Se rezolvă ecuația $f(m^2)=m-3$

$\Rightarrow m \in \{1, -\frac{4}{3}\}$

15. b) $96\pi \text{ cm}^3$; c) $\sin(\angle AVB) = \frac{24}{25}$; d) $\frac{16}{3}$

Varianta 6

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
19	a	30	2	$4\sqrt{3}$	8	14	15	C	B	B	A

13. a) 240 km ; b) 1960 milioane euro

14. a) A(-3,4) ; b) a=2, b=0; c) Se poate folosi aria $\Delta BOC=6$; distanța cerută este $\frac{6\sqrt{5}}{5}$

15. b) 288 cm^3 ; c) MO este linie mijlocie în ΔSPC ; d) Proiecția pe (SPC) a ΔSAC este ΔSOC ($SO \perp (PAC)$); 60°

Varianta 7

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
37	3002	36	$\frac{11}{16}$	12	$18\sqrt{3}$	6	120	A	C	D	A

13. a) $A = (2 \cdot 10^n)^2$; b) n=0

14. a) f(1)=1, m=-1; c) $\frac{2\sqrt{10}}{3}$

15. c) $8\sqrt{3}$; d) Fie M simetricul lui B față de AC; unghiul cerut este $\angle MC'B$; $\sin(\angle MC'B) = \frac{2\sqrt{30}}{13}$

Varianta 8

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
15	3	12	150	19	8	2	60	C	B	C	A

13. a) x=4; b) Se rezolvă ecuația de la punctul a; 4 camioane și 12 microbuze.

14. a) x=2, y=3 este soluție a ecuației; b) Dreapta soluțiilor ecuației $y=2x+3$; c) Sistem; $(\frac{2}{3}, \frac{13}{3})$

15. b) $D'C \perp BC$ și $AD \parallel BC$; c) $AA' = 5\sqrt{6}$, aria laterală = $100\sqrt{6} \text{ cm}^2$; d) Mijloacele lui MP și NQ sunt la 4 cm de

centrul pătratului ABCD, deci coincid; MP și NQ sunt concurente, deci coplanare.

Varianta 9

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
7	a	2	[0;3]	150	48	13	5	C	D	B	A

13. a) 1200 lei; b) 960 lei

14. b) Trapez; aria = 5; c) f(3)=0, deci produsul este 0

15. b) 240 cm^2 ; c) 63 cm^2 ; d) $\frac{4\sqrt{5}}{3}$

Varianta 10

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
7	5502	8	40	-2	20	60	60	B	D	D	B

13. a) $\frac{13}{37}$; b) 28 bile

14. b) $\frac{1}{2}$; c) $a \in \{0, 1, 2, 5\}$

15. b) $144 + 144\sqrt{2} \text{ cm}^2$; c) AF=CE, deci BD taie EF în mijloc, deci diagonalele sunt perpendiculare și se înjumătățesc; d) $m(\angle FDC) = 67^\circ 30'$.

Varianta 11

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
49	$2x$	$\frac{7}{6}$	56	60	30	$9\sqrt{3}$	5	D	C	B	B

13.a)[9,18,27]+3=57 ;b)111,165,219

14.a)Se rezolvă sistemul $-a+b=-5$, $2a+b=1$;a=2,b=-3 ;b)Un segment;c)x=f(x), $x=2x-3$;este punctul (3,3)

15. b) 4800 cm^3 ;c) 20 cm ;d) $QA = \frac{20}{3} \text{ cm}$.

Varianta 12

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
77	4	a	-2	$9\sqrt{3}$	16	10	4	D	C	C	B

13. a) 5 lei ;b)8,5 lei

14. c) F(a) este produs de două numere naturale consecutive, deci este par.

15. b) ΔDOB are $m(\angle O)=90^\circ$;c) $\frac{8}{3} \text{ cm}^3$;d) Fie Q mijlocul lui $A'C'$; $QO \parallel A'B$; $\cos(\angle QOD) = \frac{\sqrt{3}}{6}$

Varianta 13

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
29	$\frac{21}{24}$	3	$\frac{2}{3}$	74	28	63	94	B	D	D	C

13. a) 7,32 ;b)nota 6

14. a) $a+b+4a+b=2a+b+3a+b$;c) $f(2m+1)=m^2+1$; $m \in \{1,3\}$.

15. b) $74\sqrt{3} \text{ cm}^2$;c) $\frac{256\sqrt{3}}{3} \text{ cm}^3$;d) $\frac{12}{7} \text{ cm}$.

Varianta 14

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
56	20004	6	-2	10	8	180	16	B	C	D	A

13. a) 200 lei;b)32 %

14. b) nu există;c) $x \in \{-1,-3,-4,2,-6\}$.

15. b) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$;c) $AC' \cap A'O = \{E\}$; $AE = 2\sqrt{3}$, $EO = \sqrt{6}$, $AO = 3\sqrt{2}$;d) 72 cm^3 .

Varianta 15

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
144	24	9	2	3000	26	100	500	A	D	D	C

13. a) 11 microscopăe;b) 21 elevi

14. b) $\frac{600}{101}$;c) $a \in \{-2,-3,2\}$.

15. c) $\frac{21\pi}{2} \text{ cm}^3$;d) $\frac{3}{2} \text{ cm}$

Varianta 16

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
235	{3,7}	$\frac{2}{5}$	340	32	60	$5\sqrt{2}$	200	D	B	A	B

13. a) $[15,30,45]+13=103$;b) 5080

14. a) -4;c) $\frac{12\sqrt{13}}{13}$

15. b) $288\sqrt{2}$; c) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$; d) $\sqrt{6}$ cm.

Varianta 17

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
310	50	1	3	15	60	96	84	B	C	D	C

13. a) 16,25,36,49,64,81; b) $ab=29$

14. a) $f(x)=2x$; b) $3\sqrt{5}$; c) $M(\frac{5}{2}, 5)$

15. b) $144\sqrt{2}$; c) $\frac{\sqrt{6}}{3}$; d) $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ cm.

Varianta 18

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
12	15	162	$\frac{1}{6}$	32	12	288	70	D	C	B	C

13. a) 8; b) -1

14. a) $S=\{2,0\}$; b) $x \in \{-2,-1,0,1,2\}$; c) (2,3); (2,2); (2,1); (0,-1); (0,0); (0,1)

15. b) 384 cm^2 ; c) $\frac{12\sqrt{2}}{17}$; d) OH=3 cm.

Varianta 19

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
20	x	{4}	1500	2	6	15	10	D	A	C	B

13. a) a=50, b=106; b) 72,4

14. b) N; c) x=0

15. b) $36\sqrt{3} \text{ cm}^2$; c) Reciproca teoremei lui Pitagora în ΔVBD ; d) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

Varianta 20

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
5	1,80	$6\sqrt{2}$	6	500	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	3	36	C	A	A	D

13. a) 34 persoane; b) $\frac{13}{100}$

14. a) $S=\{1,3\}$; b) Raportul este egal cu $n+1$

15. b) $36+16\sqrt{3} \text{ cm}^2$; c) $\frac{24}{25}$; d) 2,5 cm.

Varianta 21

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
17	4	$\frac{11}{29}$	5	18	144	6	$\frac{16}{3}$	B	B	C	B

13.a) 34,40 lei; b) 26,40 lei

14.a) $S=\left\{-\frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right\}$

15.b) $AC \parallel A'C'$, $A'D \parallel B'C$; c) 45° ; d) $\frac{8\sqrt{3}}{3}$ cm.

Varianta 22

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
207	$\{-1,0\}$	$\frac{2}{3}$	0	43	11	27	200	A	C	B	C

13.a) 7 ani;b) În urmă cu 2 ani

14.b) 1;c) $E(a)=(a+3)^2+1$

15.b) $8+16\sqrt{3}$ cm²;c) 45°;d) $\frac{2\sqrt{85}}{5}$ cm.

Varianta 23

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
3583000	6	50	$\frac{1}{2}$	$8\sqrt{3}$	42	3	600	B	D	C	B

13.a) 150;b) 20 %

14.b) $a \in \{-2,0,1\}$

15.c) $252\sqrt{2}$ cm³;d) Dacă O este centrul lui ABCD,unghiul cerut este OC'B; $\sin(\angle OC'B) = \frac{\sqrt{6}}{3}$.

Varianta 24

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
7	998	600	$\{-3\}$	6	24	6	126	C	B	D	A

13.a) 8 puncte;b) 7 probleme

14.b) $x \in \{-5,-4,-1,1\}$;c) $a \in \{-5,-4,-1\}$

15.b) $18+18\sqrt{2}$ cm;c) $936\sqrt{3}$ cm³;d) 60°.

Varianta 25

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
4	b	15	$\frac{3}{5}$	48	12	150	8	C	D	C	B

13.a) 25 %;b) a=4,b=1

14.b) $x \in \{0,2,3\}$;c)a=1,b=1

15.b) 60°;c) $9000\pi\sqrt{3}$ cm³;d) 180°.

Varianta 26

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
13	10	$\frac{1}{3}$	-6	9	24	8	100	C	B	C	A

13.a) $100a+10b+c=a+10b+100c$,deci $a=c$;b) $\frac{1}{9}$

14.c) $E(-1,3)$

15.b) $u=\frac{360R}{G}$,deci $G=12$ cm;c) $\frac{256\pi\sqrt{5}}{3}$ cm³;d) $\frac{18\sqrt{5}}{5}$ cm.

Varianta 27

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
42	$\frac{7}{8}$	30	$\frac{1}{3}$	88	32	42	60	A	D	B	B

13.a) $2^1+2^2+\dots+2^{50}=S$ și se înmulțesc ambii membri cu 2;b) După 10 zile

14.a) $3a+b+7a+b=2(5a+b)$ b) $f(x)=(\sqrt{3}-2)x+\sqrt{3}$; c) $x \in [-1, \infty)$

15.b) Dacă M este mijlocul lui [BC], $BC \perp (VAM)$; c) $18\sqrt{2}$ cm³; d) $\frac{2\sqrt{6}}{3}$ cm.

Varianta 28

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
13	3	21	1101	63	9	5	3	D	D	C	A

13.a) 3 copii; b) 65 lei

14.a) $a=\frac{1}{2}$, $b=-1$ b) $S=430$; c) $x \in [-\frac{5}{2}, \infty)$

15.c) $MC \perp (ABB')$ și $MC \subset (MCB')$; d) $\frac{6\sqrt{5}}{5}$ cm.

Varianta 29

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
8	259	{3}	a	3000	40	200	24	A	C	D	D

13.a) 48 și 75; b) 60

14.a) -1; b) $(3n+1)^2$ c) Pentru $x=3, y=-\frac{1}{3}$, deci **E are valoarea minimă 3**

15.c) 45° ; d) $\frac{5(\sqrt{3}-1)}{2}$ cm

Varianta 30

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
0,25	9	$(-\infty, 2]$	327	169	$6\sqrt{3}$	6	32	C	B	B	D

13.a) peste 20 de zile; b) peste 4 zile

14.a) $a=3, b=1$ b) $f(x)=2$; graficul este o paralelă la axa Ox prin punctul $(0,2)$ c) $x=f(x)$, deci punctul $(2,2)$

15.c) 160π cm²; d) $SO=\frac{16\sqrt{3}}{13}$ cm.

Varianta 31

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
18	a	3	17	12	16	45°	$64\sqrt{3}$	D	D	C	B

13.a) 1200 km; b) 156 km

14.a) $n=1$; b) $m=\frac{1}{2}$; c) **S={-3;9}**

15.b) OO' este linie mijlocie în $\Delta B'AC \Rightarrow OO' \parallel AC$, dar $BB' \perp AC$; c) $\sqrt{21}$ cm; d) $\frac{4\sqrt{3}}{7}$

Varianta 32

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
3	2	12	16	90°	12	$100\sqrt{3}$	216	C	D	B	C

13.a) 80 ; b) 94

14.a) $a \in \{4, -5\}$; c) $M(-\frac{1}{2}, \frac{5}{2})$

15.c) $(1300+500\sqrt{2})\pi$ cm²; d) $V=\frac{19\pi}{3}$ dm³ $\approx 19,8$ litri, deci nu încap.

Varianta 33

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
7	3	4	$\frac{4}{7}$	40	48	3	$36\sqrt{3}$	C	D	C	D

13.a) 15 bănci; b) 21 elevi

14.b) -5 ; c) $a \in \{1,0-2\}$

15.b) 144 cm^2 ; c) $14+8\sqrt{2} \text{ cm}$; d) $\frac{2\sqrt{2}}{7}$

Varianta 34

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
12	0,1	22	204	180°	$12\sqrt{2}$	40	144	A	C	C	B

13.a) $0,(3)=\frac{1}{3}, 0,1(6)=\frac{1}{6}$; b) $a=6, b=3, c=6$

14.b) $m=12$; c) -4

15.b) $32\sqrt{3} \text{ cm}^2$; c) 6 cm; d) $2\sqrt{26} \text{ cm}^2$.

Varianta 35

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
8	8	6	{2}	28	$5\sqrt{2}$	24	12	B	A	D	D

13.a) 200 lei; b) 230 lei

14.a) $f(1)=2$; b) $x \in (-\infty; 1]$; c) $a=\frac{1}{3}, b=\frac{2}{3}$

15.c) $72+144\sqrt{2} \text{ cm}^2$; d) $\sqrt{6} \text{ cm}$.

Varianta 36

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
16,5	-4	2	28	360°	28	25	5	D	B	C	B

13.a) 195 kg; b) Cel mult 15 kg

14.b) 49; c) $a=\frac{1}{2}$

15.b) $(108+72\sqrt{3})\pi \text{ cm}^2$; c) 30° ; d) $V \approx 0,67 \text{ litri} < 0,5 \text{ litri}$, deci începe.

Varianta 37

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
11	A	(3,7)	14	36	24	96	150	C	D	B	D

13.a) 48; b) 50 %

14.b) 60; c) $f(x)=\frac{12}{5}x+12$

15.b) 3360 cm^2 ; c) $6\sqrt{41} \text{ cm}$; d) 45° .

Varianta 38

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
18	20	72	7	150	$9\sqrt{3}$	64	200	C	D	C	A

13.a) 6 buchete; b) $\frac{1}{2}$

14.b) $x \in (-\infty; \frac{1}{4}] \setminus \{-1\}$; c) $a=0$

15.b) $AM=MN=9$ cm;c) $144\sqrt{2}$ cm³;d) $\frac{\sqrt{6}}{3}$

Varianta 39

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
4	9876	2	9	(3,∞)	5	$12\sqrt{3}$	63	D	A	C	D

13.a) 275 lei;b) 20 %

14.b) **39/18**;c) $a \in \{1,2\}$

15.b) 864 cm³;c) 30° ;d) 3 cm.

Varianta 40

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
37	8	1	-2	14	$3\sqrt{2}$	$\sqrt{6}$	216	B	C	C	A

13.a) -29;b) $n \in \{1,-3\}$

14.a) $a = -\frac{4}{3}$, $b = -18$;b) $a \in \{-1,-2,-4\}$;c) 24

15.c) $18\sqrt{2}$ cm³;d) $\frac{3\sqrt{7}}{14}$

Varianta 41

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
16	$\frac{21}{8}$	20	280	90°	5	30	75	D	B	C	C

13.a) $3\sqrt{2} \approx 4,2$ și $N \approx 4,1$;b) $\sqrt{17}$

14.a) $S = \left\{ \frac{3}{2}, 1 \right\}$; b) $x = \frac{1}{2}$;c) $x \in [0, \infty)$

15.b) 36 cm³;c) Dacă M este mijlocul lui [BC], $BC \perp (VAM) \Rightarrow BC \perp VA$;d) $PO = 3 - \sqrt{3}$ cm.

Varianta 42

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
5	10	3	a	0,2	60	50	$6\sqrt{3}$	C	B	D	D

13.a) $\frac{1}{3}$;b) 5 bile

14.b) $a=2, b=3$;c) $x \in [-4, \frac{3}{2}]$

15.c) $40\sqrt{22}$ cm²;d) $OP \perp BB' \Rightarrow BP = \frac{12\sqrt{26}}{13}$ cm.

Varianta 43

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
9	1,2,4,8	4	b	30	15	160	15	D	D	B	B

13.a) $\frac{1}{5}$;b) $a=6, b=12, c=30, d=6, k=2$

14.b) $a = -\frac{1}{2}$;c) $s = 2007^2$

15.c) **72 cm³**;d) $AA' \perp (A'B'C')$, deci $D'N \perp AA'$. Fie Q mijlocul lui [B'C']. Se arată că $D'N \perp A'Q$.

Varianta 44

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$2^2 \cdot 3^2$	1	3	5	50	12	600	36	C	B	A	C

13.a) 250 lei;b) 1 %

14.b) $x=14, y=4$; c) $x \in [-1, \infty)$

15.c) $\operatorname{tg}(\angle D'DB) = \frac{\sqrt{2}}{2}$; d) $\frac{8\sqrt{5}}{5}$ cm.

Varianta 45

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
333	13	3	0	$\frac{9}{4}$	22	288	$2\sqrt{3}$	C	D	B	C

13.a) 11 lei; b) 21 %

14.b) 15; c) $m=-3$

15.b) T $3 \perp$; c) $24\sqrt{10}$ cm³; d) $\frac{4\sqrt{2}}{9}$

Varianta 46

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
11	170	9	3	45°	18	240	400	C	C	D	B

13.a) 45 lei, 60 lei, 25 lei; b) 30 lei, 45 lei, 10 lei.

14.b) -15; c) $E(x)+16=(x+2)^2$

15.c) $243\sqrt{3}$ cm²; d) $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ cm.

Varianta 47

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
55	a	40	{9,8}	4	3	36π	600	B	D	B	C

13.a) La ora 10:45; b) 11 ore

14.b) $x=2$; c) $2\sqrt{5}$

15.c) $\frac{\sqrt{55}}{8}$; d) $\frac{156}{5}$ cm.

Varianta 48

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
9	1,62	$\frac{1}{3}$	$\sqrt{2}$	$4\sqrt{2}$	24	90	288	D	B	A	A

13.a) Cu 5 tone; b) 245 t, 180 t, 175 t.

14.b) $a=-3$; c) $x=-6$

15.c) $24+8\sqrt{15}$ cm²; d) 1 cm.

Varianta 49

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
63	24	$\frac{5}{6}$	16	6	16	36π	150	D	C	A	B

13.a) A este o sumă de 2008 numere impare; b) $u(A)=u(1+3+7+9)+u(1+3+7+9)+\dots+u(1+3+7+9)=0$

14.b) $E(\frac{1}{2})=7$; c) $a \in \{-7, 1\}$

15.c) $\frac{1024\sqrt{5}}{3}$ cm³; d) $\frac{4\sqrt{5}}{9}$

Varianta 50

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
18	18	200	0,8,16,...	28	2	294	27	D	D	A	C

13.a) 65 pagini; b) 25, 50, 100, 200 pagini

14.a) Ambii membr sunt egali cu x^2+x-6 ; c) $\frac{1}{4}$

15.b) $96\pi \text{ cm}^2$; c) $\frac{448\pi\sqrt{3}}{3} \text{ cm}^3$; d) $16\sqrt{2} \text{ cm}$.

Varianta 51

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
5	756	10	0	5	$5\sqrt{3}$	60	5	C	B	C	D

13.a) 13 copii; b) 63 mere

14.b) 16; c) $f(x)=\frac{4}{3}x+4$

15.b) 400 cm^3 ; c) 6 cm ; d) $\frac{\sqrt{194}}{12}$

Varianta 52

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1	0,6	7	6	{5}	9	12	972	C	D	B	C

13.a) 37 și 11; b) (6,42) și (18,30)

14.b) $N=2007^2$; c) M este intersecția graficului funcției f și axa Oy; M(0,1)

15.c) 27 cm^2 ; d) $\frac{4}{5}$

Varianta 53

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
10	14	a	10	2000	100	3	75	D	C	B	B

13.a) $5x=3y$; b) $x=30, y=50$

14.a) 0; b) $N=x^2(x-1)^2 \geq 0$; c) $n^4 - 2n^3 + 2n^2 - 2n + 1 = (n^2 + 1)(n-1)^2$; după simplificare, raportul este $n-1$

15.b) $864+288\sqrt{3} \text{ cm}^2$; c) $6\sqrt{3} \text{ cm}$; d) $\frac{2\sqrt{6}}{5}$

Varianta 54

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
18	4	-7	10.000	21	5	125	24	A	D	D	B

13.a) 50%; b) a=32, b=16

14.a) 5; c) C(4,0)

15.b) Dacă AB=a, AM=VM= $\frac{a\sqrt{5}}{2}$; c) $\frac{512}{3} \text{ cm}^3$; d) $\frac{16\sqrt{5}}{5} \text{ cm}$.

Varianta 55

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
29	$\frac{5}{8}$	0,75	160	53°	5	30	$16\sqrt{3}$	B	D	D	C

13.a) 7,20; b) Un 9 și un 10 sau doi de 10

14.a) 47; b) 1098; c) Graficul este format din trei puncte: (0,1); (1,0); (2,3)

15.b) $576\sqrt{11} \text{ cm}^3$; c) $\frac{12\sqrt{55}}{5} \text{ cm}$; d) $\frac{\sqrt{55}}{11}$.

Varianta 56

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
6	18	2,5	2000	120	180°	48	3	C	B	D	A

13.a) 40%;b) 20

14.a) 0;c) -1

15.c) $16\sqrt{3}$ cm³;d) $\frac{12\sqrt{13}}{13}$ cm.

Varianta 57

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
10	$\frac{2}{3}$	b	(-∞,5)	6	48	25	125	A	A	B	D

13.a) 280 elevi;b) 154 elevi

14.a) (n-1)(5n+2);c) Se arată că dacă $8n+3$ și $5n+2$ au un divizor comun, acesta este obligatoriu ± 1

15.b) $54\sqrt{3}$ cm²;c) AB || DE || D'E', AB = D'E' \Rightarrow ABD'E' paralelogram \Rightarrow AE' || BD';d) $\frac{3}{2}$ cm.

Varianta 58

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1	a	582	$\frac{7}{2}$	20	16	48	576	A	D	B	B

13.a) 111 ;b) 111,124,137,...,982,995. Sunt 69 de numere.

14.b) S = {-1,1};c) $S = \frac{51}{8}$

15.c) 79π cm³;d) 288°.

Varianta 59

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
120	9	4	15	96	24	64	$36\sqrt{3}$	D	B	C	D

13.a) 10;b) 56

14.c) $x = \frac{5}{2}$, $y = -\frac{9}{2}$

15.b) $\frac{512\pi\sqrt{3}}{3}$ cm³;c) 96π cm²;d) $8\sqrt{5}$ cm.

Varianta 60

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
30	12	140	$\frac{1}{3}$	90	36	140	4	B	C	A	C

13.a) 80%;b) a=60,b=75,c=105

14.a) $\frac{1}{x-1}$

15.b) ΔNRQ este echilateral ;c) $5\sqrt{3}$ cm;d) 60°.

Varianta 61

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
20	6	125	$\frac{2}{3}$	999	$16\sqrt{3}$	125	48	C	A	B	D

13.a) 600;b) 750 ml

14.b) $(-3, -1)$; c) $\frac{9}{2}$

15.c) $80 + 48\sqrt{7}$ cm²; d) $\frac{8\sqrt{42}}{7}$ cm.

Varianta 62

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
36	29	1,50	21	1000	15	44	20	C	B	A	B

13.a) 48; b) $\frac{1}{8}$

14.a) $\frac{6}{3} \in \mathbf{Z}$ și $(2 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3}) = 1 \in \mathbf{Z}$; b) -2; c) $B = \left\{1, \frac{\sqrt{3}-6}{6}\right\}$

15.b) 252 cm³; c) $\frac{21\sqrt{2}}{11}$ cm; d) 90°.

Varianta 63

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
20	a	1002	$\frac{3}{10}$	5	160	$\frac{256}{3}$	6	A	B	C	D

13.a) 0; b) 23

14.a) $2 \cdot 1 + 3 \cdot 2 = 8$; c) $x=5, y=-3$; 15.c) $432\sqrt{3}$ cm²; d) 10 cm.

Varianta 64

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
261	11	78	37	$9\sqrt{2}$	42	9	260	D	C	A	B

13.a) $\frac{1}{10}$; b) 7

14.a) $S = \{3, -2\}$; b) $E(x) = \frac{3(x-3)^2}{x(x+1)(x-3)(x+2)}$ și $x(x+1)(x+2) \div 3$, fiind produs de trei numere naturale consecutive; c) Numerele naturale impare, cu excepția lui 3.

15.b) $DD' \perp MD, MD \perp BD$; c) $\frac{20\sqrt{3}}{3}$ cm; d) $\Delta D'DO \sim \Delta DBD'$ (caz 2 de asemănare), deci $m(\angle D'DO) = m(\angle DBD')$

Varianta 65

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
3	a	$\frac{1}{2}$	3	144	5	60	16	D	A	C	D

13.a) 2 metri; b) 150 %

14.a) 0; b) $S = \left\{ \frac{1}{2}, -4 \right\}$; c) $x \in \{-1, 2\}$

15.b) 1296 cm²; c) $18\sqrt{34}$ cm²; d) $\frac{36\sqrt{34}}{17}$ cm.

Varianta 66

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
16	$-\frac{3}{2}$	$2^3 \cdot 3^2$	28	110	12	15	108	D	C	B	A

13.a) $\overline{xyz} + \overline{yzx} + \overline{zxy} = 111(x+y+z)$; b) $x+y+z$ nu poate fi egală cu 0 sau cu 111

14.a) $S = \left\{ \frac{1}{3}, 1 \right\}$; b) $x=1$; c) $E(x) = (2x+1)^2 + 4$, deci valoarea minimă este 4

15.b) $3\sqrt{6}$ cm; c) $\Delta MBN \equiv \Delta NCP \equiv \Delta PDQ \equiv \Delta QAM$ și $m(\angle QMA) + m(\angle BMN) = 90^\circ$; d) $\frac{27}{5}$

Varianta 67

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
25	30	-1	16	30	180	288	84	C	B	C	B

13.a) 180; b) 174

14.a) $S = \left\{ -\frac{1}{2}, -1 \right\}$; b) $m = \frac{1}{4}$; c) Pentru orice m real nenul, ecuația are și soluția -1

15.b) $\Delta ABN \equiv \Delta DAM$ și $m(\angle DMA) + m(\angle BAN) = 90^\circ$; c) 96 cm^2 ; d) $\Delta A'MD$ are aria $4\sqrt{6} \approx 9,7 \text{ cm}^2$.

Varianta 68

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1	40	4	$\frac{3}{5}$	6	20	288	$10\sqrt{3}$	A	D	B	C

13.a) 13; b) 21

14.c) $a=2$

15.c) $24\sqrt{3} \text{ cm}^2$; d) $MD \perp AB$, deoarece DM este linie mijlocie în ΔAOC , O fiind centrul ΔABC .

Varianta 69

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
10	2	9	6	23	10	36	$9\sqrt{3}$	C	A	B	B

13.a) 11 ani și 9 luni; b) 3 elevi

14.a) -1 ; b) $x \in (-\infty, -1]$; c) $a=b=-1$

15.b) $18\sqrt{2} \text{ cm}^3$; c) 3 cm; d) 45° .

Varianta 70

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
43	4	74	50	7	16	5	64	A	B	D	B

13.a) 5; b) 9

14.a) $S = \{-6, 2\}$; b) $E(a) = a(a^2 - 9)$

15.c) $48\sqrt{3} \text{ cm}^3$; d) $\frac{3\sqrt{10}}{10}$

Varianta 71

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
24	$2 \cdot 5$	3	$\frac{4}{3}$	80	12	120	25	A	C	A	D

13.a) 20; b) 10

14.a) 8; b) $4 \cdot 1 - 1 - 3 = 0$; c) $y \in [-3; 1]$

15.c) $144\pi \text{ cm}^3$; d) $\frac{4\sqrt{5}}{5} \text{ cm}$.

Varianta 72

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
198	4	3	48	40	$25\sqrt{3}$	12	288	D	C	A	A

13.a) 52 și 39; b) 75 %

14.a) $a = -2, b = 3$; c) $\frac{3\sqrt{10}}{2}$

15.c) $405\sqrt{3}$ cm²;d) $72\sqrt{3}$ cm³.

Varianta 73

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
43	1275	{0}	40	6	32	36	108	B	C	D	C

13.a) 93;b) 62 și 15

14.a) N=6;b) S= $\left\{-\frac{5}{2}, \frac{1}{3}\right\}$;c) $x \in (-1; \infty)$

15.c) $\frac{56\pi\sqrt{3}}{3}$ cm³;d) $\sqrt{3}$ cm

Varianta 74

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
4	$\frac{10}{13}$	3	260	75	6	8000	256	B	C	C	C

13.a) 25 rafturi;b) 1260 cărți

14.b) 4;c) S= $\{-6,0\}$

15.b) $100\sqrt{5}$ cm²;c) $4\sqrt{5}$ cm;d) $\frac{2\sqrt{30}}{15}$

Varianta 75

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
2	$\frac{1}{10}$	3	2	40	26	6	258	C	A	D	B

13.a) 21;b) 25

14.b) $x \in (4; \infty)$;c) $a \in \{2,3,5,6\}$

15.b) 42π cm²;c) $\frac{24}{25}$;d) 24 cm³.

Varianta 76

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
4	b	144	9	6	22	12	144	B	A	C	D

13.a) Da;b) 11

14.b) $(-\frac{1}{2}, -2)$;c) $f(-\frac{1}{2}) = -2$ pentru orice m real

15.b) 90° ;c) OO' \perp (ABC), OM \perp (ABC);d) $3\sqrt{3}$ cm.

Varianta 77

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
47	25	50	20	70	12	288	96	A	B	C	D

13.b) a=2,b=3,c=4

14.a) x=5;b) p=(y+2)²+1;c) 3

15.b) 36π cm²;c) $\frac{25}{6}$ cm;d) $\frac{304}{27}$ cm³.

Varianta 78

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
99	104	20	8	18	30	60	175	D	B	D	A

13.a) 14;b) 16

14.a) 3;b) 2;c) $x-y=-\sqrt{2}$;numărul este -1

15.b) $150 + 50\sqrt{3}$ cm²; b) 60° ; d) $\frac{5\sqrt{3}}{2}$ cm.

Varianta 79

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
6	50	9	5	48	$6\sqrt{2}$	100	64	B	D	D	C

13.a) 38; b) 112

14.a) $a \in \left\{-1, -\frac{1}{2}\right\}$; c) $N = (n+2)^2$

15.b) $18\sqrt{2}$ cm; c) $72\sqrt{3}$ cm²; d) $B'D \perp AC, B'D \perp D'O$, O fiind centrul pătratului ABCD.

Varianta 80

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
11	-12	$-\frac{5}{3}$	$\frac{2}{5}$	26	16	4	3	D	C	B	D

13.a) În a doua zi; b) 3600 lei

14.a) P; c) $x \in \{0, 1, 2, 3\}$

15.b) $MN = \frac{2}{3} BC, BM = CN = \frac{1}{3} BC$; c) $324 + 162\sqrt{3}$ cm²; d) 30° .

Varianta 81

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
32	505	b	{2}	60	60	24	56	C	D	B	D

13.a) 40%; b) a=4, b=6, c=10

14.a) 7; c) $\sqrt{n^2} = n$

15.c) 96π cm³; d) $\frac{5760\pi}{121}$ cm².

Varianta 82

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
148	y	0	{1, 2, 3, 4}	1 sau 17	720	60	288	D	C	B	C

13.a) $30a - 5c = 47b \Rightarrow 5 | b \Rightarrow b = 5$; b) $\overline{ab} = 85, \overline{bc} = 51$ și $\overline{ab} = 95, \overline{bc} = 57$

14.a) $(x+2)(x+4) = x^2 + 6x + 8$; b) Graficele sunt drepte paralele; c) $\sqrt{2}$

15.b) Fie E mijlocul lui B'C'; din $\Delta D'EO$; c) $AO = D'O = 2\sqrt{2}$ cm, $AD' = 4$ cm; d) $\frac{\sqrt{15}}{4}$

Varianta 83

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
17	8	5	2	74	14	36	125	B	A	D	D

13.a) $99(a-b)(a+b)$; b) 86

14.a) 1; b) $70\sqrt{2} < 99$; c) 39202

15.b) $6\sqrt{2}$ cm²; c) $AO \perp (B'MO)$ și $AO \subset (AMO)$; d) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

Varianta 84

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
14	4	5	{3}	300	7	45°	4	B	C	B	D

13.a) 6; b) 12

14.a) $S = \{-1, -5\}$; b) $m = -1$; c) $m \in \mathbb{C}(-2; \infty)$

15.b) Punctele A, B, C împart cercul în trei arce congruente; c) $108\pi\sqrt{6}$ cm³; d) 45°

Varianta 85

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
405	8	12	2	40	4	25	36	A	A	C	B

13.a) 15 numere; b) 50 și 206

14.a) $\sqrt{2}$; b) $4+2\sqrt{2}$; c) 1

15.c) $\frac{63\sqrt{3}}{2} \text{ cm}^3$; d) $\frac{\sqrt{39}}{6}$.

Varianta 86

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
91	5	4	$\frac{1}{2}$	56	20	$100\sqrt{3}$	200	C	A	B	D

13.a) 180 lei; b) 18 lei

14.a) $E(\sqrt{3})=0$; b) $E(x) = \frac{(x+2)(x^2-3)}{(x+2)(x-2)} = \frac{x^2-3}{x-2}$; c) $a \in \{1,3\}$

15.c) $504\sqrt{26} \text{ cm}^3$; d) $\frac{12\sqrt{91}}{7} \text{ cm}$.

Varianta 87

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
105	18	$(-\infty; 1]$	336	1,2	32	150	$27\sqrt{3}$	C	D	D	A

13.a) 60 termeni; b) $S < 60 \cdot \frac{1}{44} < \frac{3}{2}$

14.b) $\frac{9}{4}$; c) -2

15.c) $\frac{416\pi}{3} \text{ cm}^3$; d) Unghilul are măsura $72\sqrt{5}^\circ < 161^\circ$.

Varianta 88

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
-6	14	84	1400	1	$10\sqrt{2}$	144	1210	D	B	D	C

13.a) $a+c=-1$; b) $b=1$;

14.a) $f(x) = -x+4$; b) $\sqrt{2}$; c) (2,2)

15.c) $1125\pi \text{ cm}^2$; d) $12.000\pi \text{ cm}^3$.

Varianta 89

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
175	9753	245	$\{5\}$	125	360	2	400	D	B	B	C

13.a) 14; b) 19

14.a) $m = -5$; c) $12 + 2\sqrt{26}$

15.b) 2250 cm^2 ; c) $\frac{\sqrt{5}}{5}$; d) $BM = 10 \text{ cm}$.

Varianta 90

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
8	a	15	18	81	6	4	28	A	B	D	D

13.a) 61; b) $\frac{3}{40}$

14.a) $\{-1, 0, 1, 3\}$; b) Graficul este format din 4 puncte; c) **5**

15.b) $180\sqrt{3}$ cm³; c) $\sqrt{37}$ cm; d) $\frac{5\sqrt{3}}{6}$

Varianta 91

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
2	4235	a	1	102	75	30	$4\sqrt{3}$	D	B	A	C

13.b) 6,86

14.b) $f(x) = -2x + 4$; c) 8

15.b) $2\sqrt{41}$ cm; c) $\frac{12\sqrt{82}}{41}$ cm; d) $\frac{12\sqrt{2}}{17}$

Varianta 92

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
10	11	3	6	3	$24\sqrt{3}$	972	40	C	C	B	A

13.b) -2°C

14.a) $S = \{5, -7\}$; b) $n=6$; c) n poate avea doar forma $3k+2 \Rightarrow E(3k+2)=9(k-1)(k+1)$

15.b) $72\sqrt{3}$ cm²; c) DE $\parallel AB$ și $AB \subset (ABC)$; d) 60° .

Varianta 93

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
16	120	$\frac{1}{4}$	0	3	$25\sqrt{3}$	12	64	C	C	A	D

13.a) 1000 lei; b) 19 %

14.a) $x=-1$; c) 918

15.b) $144\sqrt{2}$ cm³; c) 45° ; d) G este la $\sqrt{6}$ cm de toate fețele piramidei.

Varianta 94

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
14	5	21	$\frac{2}{6}$	60	5	600	8	D	B	B	D

13.a) $5n+2$ poate avea ultima cifră 2 sau 7, deci nu este pătrat perfect; b) $5n+7$ și $3n+4$ au c.m.m.d.c. egal cu 1

14.a) $\frac{4}{5} < \frac{2\sqrt{7}}{5} < \frac{6}{5}$; b) $a=m, b=n, a-b=-2\sqrt{2}, (a-b)^2=8$; c) 0

15.b) $162\sqrt{3}$ cm²; c) $6\sqrt{3}$ cm; d) 1944 cm³.

Varianta 95

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
30	5	45	9	100	50	36	36	D	C	B	D

13.a) $S=37 \cdot 3 \cdot (a+b+c)$; b) 444

14.a) $f(\sqrt{2}-1) > f(\sqrt{2})$; c) $a=-1$

15.b) $VA=CV=AC=12$ cm; c) $72\sqrt{7}$ cm²; d) 2 cm.

Varianta 96

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
143	3	4,5	0	0	36	10	70	D	C	A	C

13.a) $A=\{4,5,6,7,8,9\}$; b) $a \in \{63,64,65\}$

14.a) -3 ; c) Triunghiurile determinate de grafice cu axele sunt congruente, deci cele două distanțe sunt egale

15.c) $36\sqrt{3}$ cm³; d) Fie M mijlocul lui BC; AM $\parallel A'P, C'M \parallel PB \Rightarrow (C'AM) \parallel (A'BP) \Rightarrow AC' \parallel (A'BP)$

Varianta 97

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
31	$\frac{11}{13}$	5	$\frac{2}{5}$	71	8	128	12	C	C	B	B

13.a) 904,8 lei; 417,6 lei; 765,6 lei; b) **20 %**

14.b) (1, -1); c) $a=1$

15.c) 8 cm; d) $2\sqrt{2}$ cm.

Varianta 98

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
10	2	230	-7	$9\sqrt{3}$	120	7	30	B	D	B	A

13.a) 34; b) (7,28); (28,7); (14,21); (21,14)

14.a) Se simplifică cu $x+2$; b) $a \in \{-2, 0, 2, 4\}$

15.c) $\frac{5\sqrt{7}}{2}$ cm; d) 60° .

Varianta 99

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
32	-2,3	$2^2 \cdot 5$	$\frac{3}{10}$	7	16	36	18	C	B	D	A

13.a) 200; b) 51

14.a) $(-\frac{1}{2}, \frac{9}{2})$; c) $\frac{1}{4}$

15.b) $A_{\text{cil}} = A_{\text{sfera}} = 144\pi \text{ cm}^2$; c) $V_{\text{cil}} > V_{\text{sfera}}$; d) $(180 + 36\sqrt{2})\pi \text{ cm}^2$.

Varianta 100

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
2	$\frac{3}{2}$	3^2	$\frac{3}{5}$	60	140	66	3	D	A	D	B

13.a) $(10x+4)^2$; b) Se rezolvă ecuația $(a+9)(10-b)=90 \Rightarrow ab \in \{11, 64, 95\}$

14.a) $m=2$; b) $S=\left\{1, \frac{2}{3}\right\}$; c) $\frac{x}{y} \in \left\{1, \frac{2}{3}\right\}$

15.b) $120\pi \text{ cm}^2$; c) $100\pi \text{ cm}^3$; d) Drumul cel mai scurt are lungimea $\sqrt{144 + 25\pi^2} \approx 19,7 \text{ cm}$.

Bafta!