

Prezenta lucrare conține _____ pagini

**EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU
ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a**

Anul școlar 2023 – 2024

Matematică

Simulare - 30.05.2024

Numele:

Inițiala prenumelui tatălui:

Prenumele:

Școala de proveniență:

Centrul de examen:

Localitatea:

Județul:

Nume și prenume asistent	Semnătura

A	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

B	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

C	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			





- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de două ore.



SUBIECTUL I

Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

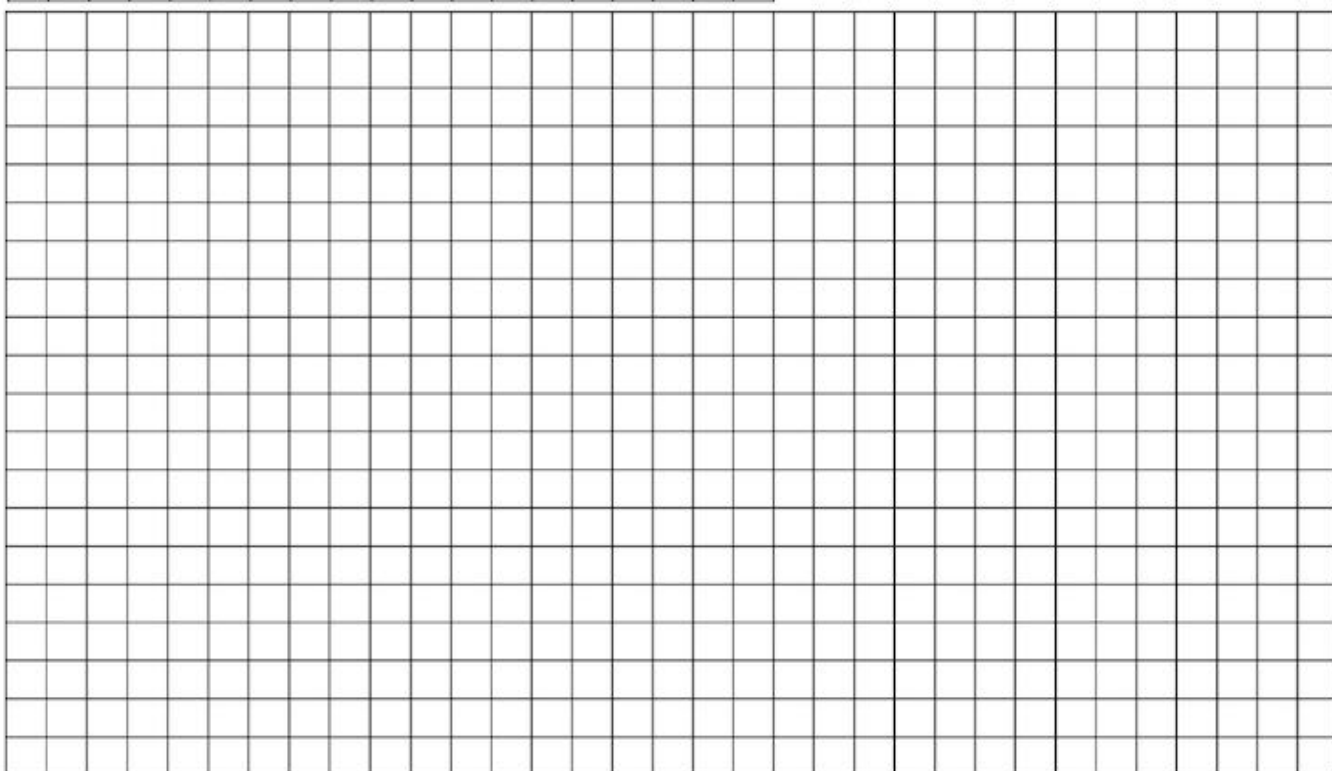
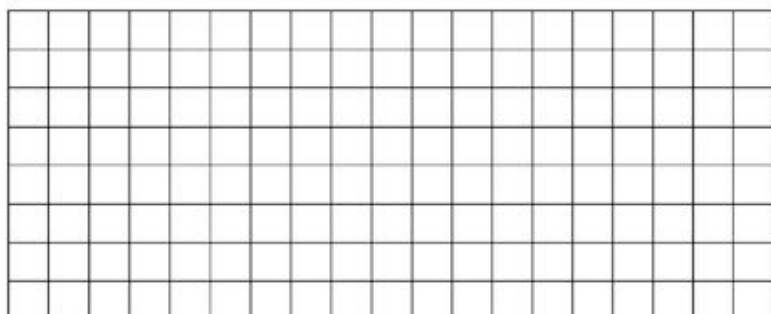
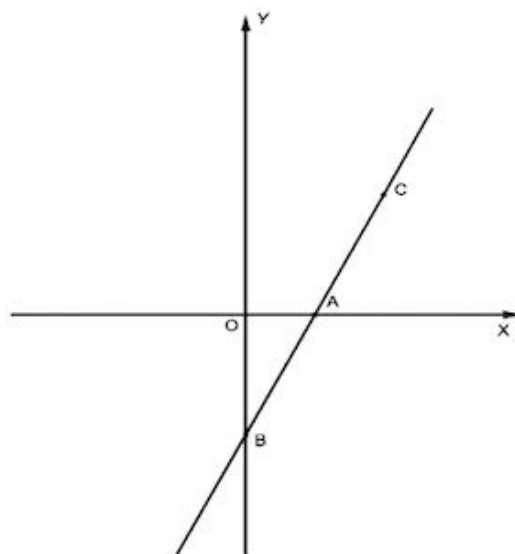
(30 de puncte)

5p	1. Rezultatul calculului: $(6^2 - 3 + \sqrt{4}) : 5$ este: a) 8 ; b) 5 ; c) 2 ; d) 7 .								
5p	2. Numărul $3\sqrt{5}$ aparține intervalului de numere reale: a) (4,5) ; b) (5,6) ; c) [6,7] ; d) (7,8).								
5p	3. Dacă $\frac{2}{x} = \frac{y}{3}$, atunci $3x \cdot y$ este egal cu: a) 2 ; b) 6 ; c) 9 ; d) 18.								
5p	4. Suma soluțiilor întregi negative al inecuației: $2x + 3 > -5$ este: a) -5 ; b) -6 ; c) -7 ; d) -8.								
5p	5. Patru elevi au calculat media geometrică a numerelor $x = \sqrt{3} - 1$ și $y = \sqrt{3} + 1$. Rezultatele obținute sunt prezentate în tabelul de mai jos: <table border="1" data-bbox="213 1626 1075 1711"><thead><tr><th>David</th><th>Doru</th><th>Andrei</th><th>Anton</th></tr></thead><tbody><tr><td>2</td><td>$2\sqrt{3}$</td><td>$2\sqrt{2}$</td><td>$\sqrt{2}$</td></tr></tbody></table> <p>Dintre cei patru elevi, a calculat corect:</p> <p>a) David b) Andrei c) Doru d) Anton</p>	David	Doru	Andrei	Anton	2	$2\sqrt{3}$	$2\sqrt{2}$	$\sqrt{2}$
David	Doru	Andrei	Anton						
2	$2\sqrt{3}$	$2\sqrt{2}$	$\sqrt{2}$						
5p	6. Andrei a plecat în excursie la 7:30 și a ajuns la Predeal la 9:45. Apoi a mers pe jos până la cabană 30 de minute. Le-a spus părinților că a ajuns la cabană după 3 ore și 15 minute. Afirmția lui Andrei este: a) adevărată b) falsă								



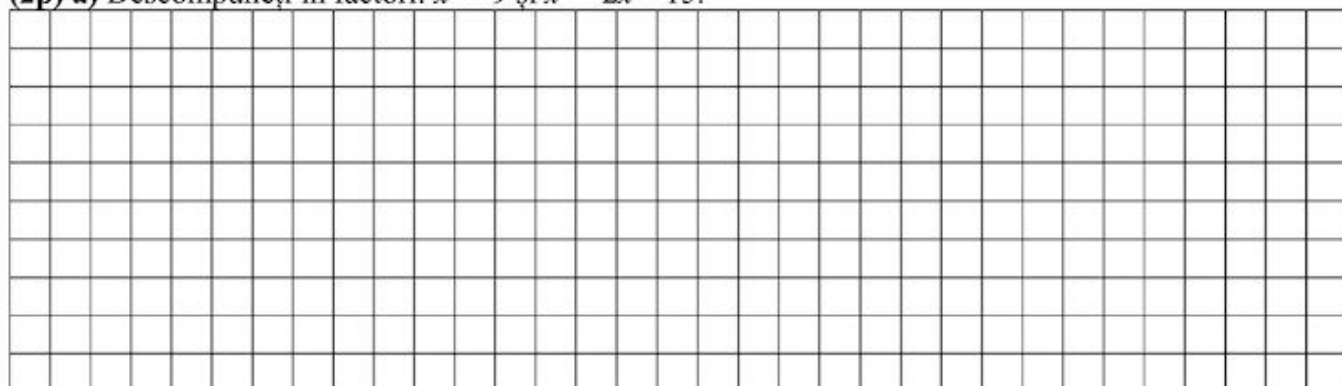
5p	<p>1. În figura alăturată, pe dreapta d trebuie marcate punctele A, B, C și D astfel încât $AB = 10\text{cm}$, $BC = 4\text{cm}$, $CD = 9\text{cm}$ și $AD = 3\text{cm}$. Ordinea, de la stânga la dreapta, a punctelor A, B, C și D pe dreapta d este:</p> <p>a) A; B; C; D. b) B; C; D; A. c) D; A; C; B. d) C; D; B; A.</p>	d
5p	<p>2. În figura alăturată dreptele a și b sunt paralele, iar c și d sunt două secante care se intersectează în punctul O. Valoarea lui x din figură este egală cu:</p> <p>a) 20° b) 40° c) 60° d) 80°</p>	
5p	<p>3. Dacă în $\triangle ABC$ echilateral, cu $AB = 8\text{ cm}$ se prelungeste latura BC cu $BC = CD$, atunci lungimea segmentului AD este de :</p> <p>a) $8\sqrt{3}\text{ cm}$ b) $8\sqrt{2}\text{ cm}$; c) 10 cm ; d) $8\sqrt{5}\text{ cm}$.</p>	
5p	<p>4. În figura alăturată, BD este raza cercului mare de centru B, $CD = 3\text{cm}$ este raza cercului mic de centru C, punctele A, B, C, D sunt coliniare și punctul E aparține cercului mic, astfel încât dreapta AE este tangentă la cercul mic în punctul E. Aria triunghiului AEC este egală cu:</p> <p>a) $9\sqrt{3}\text{ cm}^2$ b) $6\sqrt{2}\text{ cm}^2$ c) $\frac{9}{2}\sqrt{10}\text{ cm}^2$ d) $9\sqrt{2}\text{ cm}^2$</p>	
5p	<p>5. În paralelogramul ABCD notăm cu E mijlocul laturii BC și cu F mijlocul laturii DC. Dacă $AE \cap BD = \{M\}$ și $AF \cap BD = \{N\}$, atunci raportul ariilor $\frac{A_{AMN}}{A_{ABCD}}$ va fi de:</p> <p>a) $\frac{1}{8}$; b) $\frac{1}{12}$; c) $\frac{1}{6}$; d) $\frac{1}{9}$.</p>	
5p	<p>6. Dacă ABCDA'B'C'D' este un paralelipiped dreptunghic în care $AB = 4\text{ cm}$, $BC = 3\text{ cm}$ și $CC' = 5\text{ cm}$ atunci măsura unghiului făcut de diagonala paralelipipedului cu planul bazei ABCD este:</p> <p>a) 90°; b) 30°; c) 60°; d) 45°.</p>	

(3p) b) Reprezentarea geometrică a graficului funcției intersectează axele Ox și Oy ale sistemului de axe ortogonale în punctele A , respectiv B . Punctul C aparține reprezentării grafice a funcției astfel încât punctul A este mijlocul segmentului BC . Calculează suma distanțelor de la punctul C la axele de coordonate.

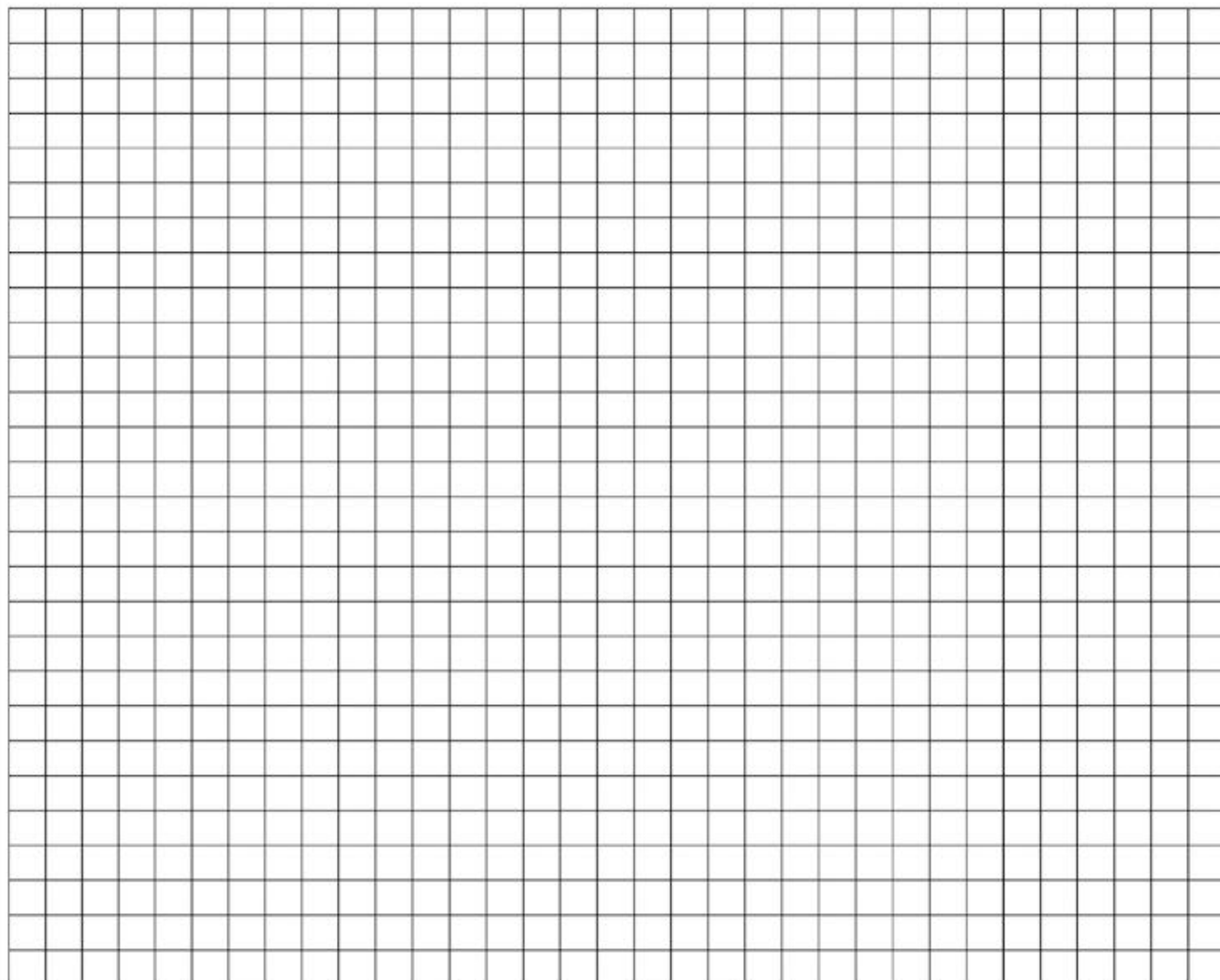


5p 3. Fie $E(x) = \left(\frac{x}{x^2-9} + \frac{2}{x+3} + \frac{1}{3-x}\right) : \frac{2x-9}{x^2-2x-15}$, unde $x \in \mathbb{R} - \left\{-5, -3, 3, \frac{9}{2}\right\}$.

(2p) a) Descompuneți în factori: $x^2 - 9$ și $x^2 - 2x - 15$.

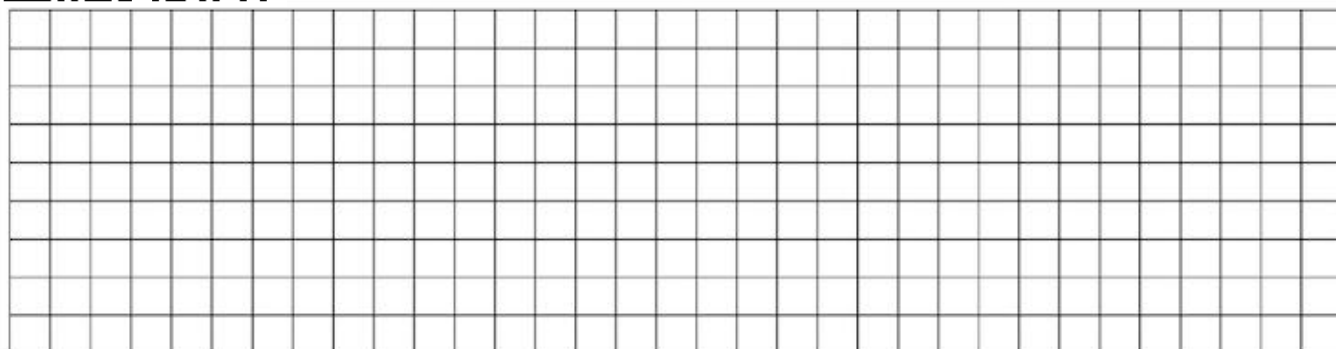
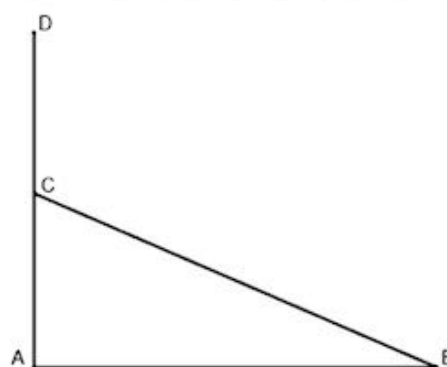


(3p) b) Arătați că $E(x) = \frac{x-5}{x-3}$, pentru orice $x \in \mathbb{R} - \left\{-5, -3, 3, \frac{9}{2}\right\}$.



5p 4. Se consideră $\triangle ABC$, dreptunghic în A, cu $m(\sphericalangle ABC) = 30^\circ$ și $AC = 12$ cm. Fie D simetricul lui A față de C.

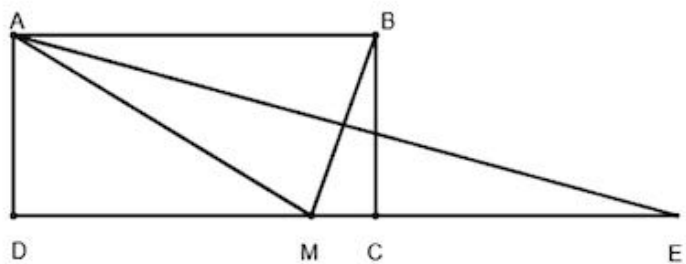
(2p) a) Arătați că aria $\triangle ABC$ este $72\sqrt{3}\text{cm}^2$.



(3p) b) Calculați distanța de la punctu D la dreapta BC .

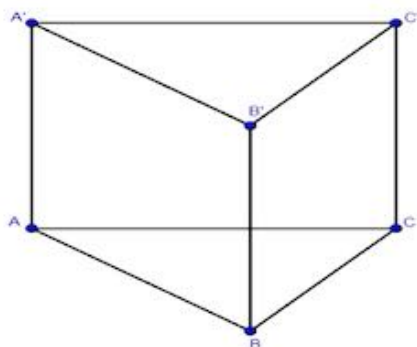
5p 5. Se dă dreptunghiul $ABCD$ cu $AB = 10$ cm și $AD = 6$ cm. Fie $M \in (DC)$ astfel încât $AM = AB$.
Perpendiculara din A pe BM intersectează dreapta DC în punctul E .

(2p) a) Arătați că $MC = 2$ cm ;

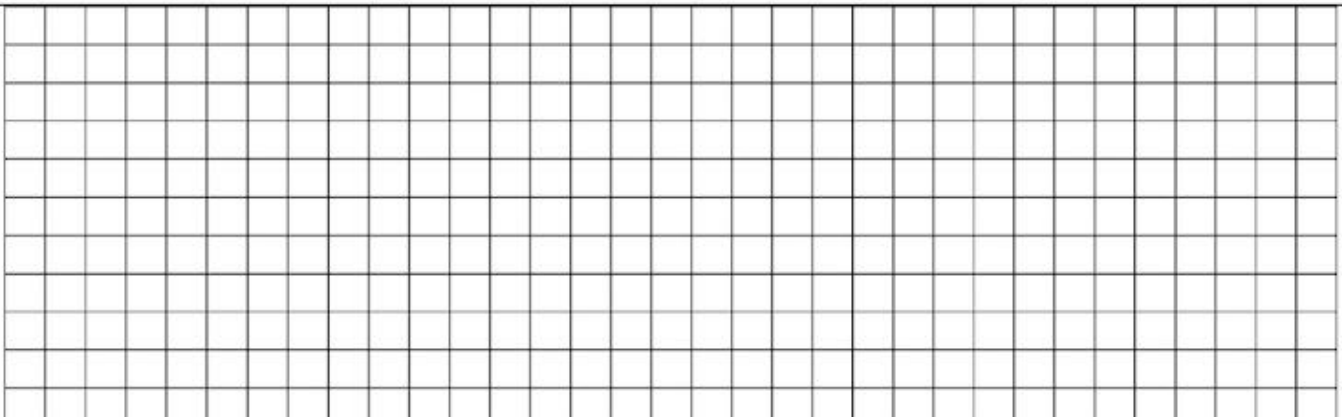


(3p) b) Arătați că patrulaterul $AMEB$ este romb.

5p 6) O prismă triunghiulară regulată $ABCA'B'C'$ are latura bazei $AB = 12$ cm și înălțimea $AA' = 4\sqrt{3}$ cm. Dacă punctul M este mijlocul lui CC' , aflați:



(2p) a) aria laterală a prisme.



(3p) b) măsura unghiului format de planele $(A'MB)$ și (ABC) .

