



SIMULARE DE BACALAUREAT LA MATEMATICĂ

Februarie 2021

- Se acordă 10 puncte din oficiu
- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Timp de lucru 3 ore.

SUBIECTUL I – (30 puncte)

1. Sa se rezolve in multimea numerelor reale ecuatia $|x - 1| + 2|1 - x| = 3$
2. Sa se rezolve in multimea numerelor reale ecuatia $\sqrt{3x^2 + 1} = 1 - 2x$
3. Sa se calculeze 20 in functie de $\lg 2$
4. Sa se determine numarul functiilor $f: \{a, b, c\} \rightarrow \{0, 1, 2\}$ care verifica relatia:
 $f(a) \cdot f(b) \cdot f(c) = 0$
5. Sa se afle domeniul maxim de definitie al functiei $f(x) = \arcsin(2x + 1)$
6. Sa se determine coordonatele punctului M astfel incat $\overrightarrow{AM} = 3\overrightarrow{AB}$, unde $A(4, -1)$, $B(-3, 2)$



SUBIECTUL II – (30 puncte)

1. Se considera sistemul $ax + y - z = 1$, $x + y - z = 2$, $-x + y + z = 0$, $a \in \mathbf{R}$ si A matricea asociata sistemului.

- a) Sa se determine $a \in \mathbf{R}$ astfel incat $\text{rang}(A) = 2$
- b) Sa se determine $a \in \mathbf{R}$ astfel incat sistemul sa admita solutii $(x_0, y_0, z_0) \in \mathbf{R}^3$ care verifica relatia $x_0 + y_0 + z_0 = 4$
- b) Sa se determine $a \in \mathbf{Z}$ astfel incat sistemul sa admita o solutie unica $(x_0, y_0, z_0) \in \mathbf{Z}^3$

2. Pe multimea \mathbf{R} se defineste legea de compozitie asociativa :

$$x * y = 5xy - 20(x + y) + 84, (\forall)x, y \in \mathbf{R}$$

- a) Demonstrati ca $x * y = 5(x - 4)(y - 4) + 4$, $(\forall)x, y \in \mathbf{R}$
- b) Demonstrati ca multimea $I = [4, +\infty)$ este parte stabila a multimii \mathbf{R} in raport cu legea de compozitie " * "
- c) Rezolvati in \mathbf{R} ecuatia $x * x * \dots * x \underset{\text{de } 2020 \text{ ori } x}{=} 5^{2019} + 4$



SUBIECTUL III – (30 puncte)

1. Fie $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = (x + 1)^{2020} - 2020x - 1$

a) Scrieti ecuatia tangentei la graficul functiei f in punctul de abscisa $x = -1$

b) Demonstrati ca functia f este convexa pe \mathbb{R}

c) Demonstrati ca $f(x) \geq 0, (\forall)x \in \mathbb{R}$



2. Se considera functiile

$$f, g: \left(0, \frac{\pi}{2}\right) \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \int_1^{tg x} \frac{t}{1+t^2} dx \text{ si } g(x) = \int_1^{ctg x} \frac{1}{t(1+t^2)} dt$$

a) Calculati $f\left(\frac{\pi}{3}\right)$

b) Sa se calculeze derivata functiei f

c) Demonstrati ca exista $a \in \mathbb{Z}$ astfel incat $f(x) + g(x) = a, (\forall)x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$

Succes!