



**Olimpiada Națională
GAZETA MATEMATICĂ**
Clasa a VII-a



Model subiect

Etapa I / Etapa a II-a

Timp de lucru: 120 de minute.

Fiecare problemă se punctează cu 1 punct.

Alegeți varianta corectă de răspuns. O singură variantă este corectă.

- 1.** Partea fracționară a numărului $a = -12,37$ este:
A. 0,37 **B.** -0,37 **C.** 0,63 **D.** -0,63
- 2.** Multimea numerelor naturale n pentru care fractia $\frac{n+1}{3n+4}$ este ireductibilă este:
A. {0,1,2} **B.** \mathbb{N} **C.** {1,2,3,5} **D.** {0,1,2,3,4,5}
- 3.** Valoarea sumei $\frac{1}{0,0(5)} + \frac{1}{0,0(05)} + \frac{1}{0,0(005)} + \frac{1}{0,0(0005)}$ este:
A. 22212 **B.** 22012 **C.** 22232 **D.** 22213
- 4.** Inversul numărului $a = \left(-\frac{3}{5}\right)^8 \cdot \left(-\frac{3}{5}\right)^9 : \left(-\frac{3}{5}\right)^{24} \cdot (-1)^{n(n+1)}$, unde $n \in \mathbb{N}$, este:
A. $\frac{5}{3}$ **B.** $\frac{3}{5}$ **C.** $-\frac{3}{5}$ **D.** $-\frac{5}{3}$
- 5.** Se dă numerele $a = 2^{61}$ și $b = 3^{41}$. Multimea numerelor naturale n care verifică inegalitatea $\frac{2^{3n+1}}{3^{2n+1}} > \frac{a}{b}$ este:
A. {1,2,3,...,20} **B.** {0,1,2,...,19} **C.** {0,1,2,...,20} **D.** \mathbb{N}
- 6.** Valoarea sumei $|\pi - \sqrt{10}| + |\pi + \sqrt{10}|$ este:
A. 2π **B.** $2\sqrt{10}$ **C.** 0 **D.** π
- 7.** Numărul $\sqrt{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots 2022 + 2022}$ aparține mulțimii:
A. \mathbb{N} **B.** \mathbb{Z} **C.** $\mathbb{Q} \setminus \mathbb{Z}$ **D.** $\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$
- 8.** Dacă $n = \overline{200xyz5}$ este pătrat perfect, atunci suma cifrelor numărului \sqrt{n} este egală cu:
A. 10 **B.** 11 **C.** 9 **D.** 12
- 9.** Dacă $a = \sqrt{4 + \sqrt{7}} - \sqrt{4 - \sqrt{7}}$, atunci a este egal cu:
A. 8 **B.** $2\sqrt{7}$ **C.** $\sqrt{2}$ **D.** $\sqrt{8}$
- 10.** Numărul natural nenul n pentru care $\frac{2\sqrt{n} - 5\sqrt{3}}{\sqrt{3} + \sqrt{n}}$ este număr întreg este egal cu:
A. 15 **B.** 121 **C.** 36 **D.** 108

11. Fie I centrul cercului înscris în triunghiul ABC . Știind că $\angle BAC = 60^\circ$ și $AI = 4$ cm, distanța de la I la dreapta BC este egală cu:

- A. 4 cm B. $\sqrt{2}$ cm C. 2 cm D. $4\sqrt{2}$ cm

12. În triunghiul obtuzunghic ABC , cu $\angle BAC = 48^\circ$, se notează cu H ortocentrul. Măsura unghiului BHC este egală cu:

- A. 48° B. 132° C. 120° D. 38°

13. Într-un paralelogram $ABCD$, cu $AB = 2BC$, se notează cu P mijlocul laturii $[CD]$. Măsura unghiului APB este:

- A. 60° B. 120° C. 45° D. 90°

14. Fie ABC un triunghi oarecare. Latura $[BC]$ se prelungeste cu segmentul $[CM]$, $[CM] \equiv [BC]$, iar latura $[CA]$ se prelungeste cu segmentul $[AN]$, $[AN] \equiv [CA]$. Fie P punctul de intersecție dintre dreptele AB și MN . Atunci:

- A. $AB = 2AP$ B. $AB = 3AP$ C. $AB = 4AP$ D. $AB = 2,5 \cdot AP$

15. Fie $ABCD$ un paralelogram cu $AB > AD$. Punctele de intersecție ale bisectoarelor unghiurilor paralelogramului sunt vârfurile unui:

- A. romb B. pătrat C. dreptunghi D. trapez isoscel

16. În interiorul pătratului $ABCD$ se construiește triunghiul echilateral ABE . Măsura unghiului ACE este:

- A. 30° B. 15° C. 45° D. 105°

17. Un trapez isoscel cu diagonalele perpendiculare are lungimea liniei mijlocii egală cu a . Aria trapezului este egală cu:

- A. $2a^2$ B. $a^2\sqrt{2}$ C. $\frac{a^2}{4}$ D. a^2

Problemele **18–20** se referă la următorul enunț:

Pe un cerc de centru O se consideră punctele A, B, C, D , în această ordine, astfel încât măsurile arcelor mici AB, BC, CD sunt egale cu $48^\circ, 97^\circ$, respectiv 102° .

18. Măsura unghiului ascuțit format de diagonalele patrulaterului $ABCD$ este egală cu:

- A. 65° B. 85° C. 75° D. 89°

19. Măsura unghiului format de dreptele AD și BC este:

- A. 54° B. 27° C. 36° D. 42°

20. Măsura unghiului BDO este:

- A. $6^\circ 30'$ B. $10^\circ 30'$ C. 9° D. $9^\circ 30'$

Problemele **21–22** se referă la următorul enunț:

Fie triunghiul dreptunghic ABC , cu $\angle B = 90^\circ$, $\angle C \neq 30^\circ$ și AA' bisectoarea unghiului A ($A' \in BC$). Notăm cu D proiecția punctului A' pe dreapta AC . Dreapta AC intersectează a doua oară cercul de centru A și rază AD în punctul E , iar perpendiculara în E pe AC intersectează dreapta BC în punctul F .

21. Triunghiul FBE este:

- A. isoscel de vârf E B. isoscel de vârf F C. echilateral D. dreptunghic

22. Cerculile $C(A', A'D)$ și $C(F, FE)$ sunt:

- A. secante B. tangente interior C. tangente exterior D. fără puncte comune

Problemele **23–24** se referă la următorul enunț:

Fie trapezul isoscel $ABCD$, cu $AB \parallel CD$, circumscris cercului de centru O și rază r . Se notează cu E și F mijloacele bazelor.

23. Latura BC are lungimea egală cu:

A. $OB + OC$

B. $AB + CD$

C. $\frac{AB + CD}{2}$

D. EF

24. Diametrul cercului $\mathcal{C}(O, r)$ este:

A. AB

B. $AB \cdot CD$

C. $\sqrt{\frac{AB \cdot CD}{2}}$

D. $\sqrt{AB \cdot CD}$