



Simulare Evaluare Națională 2020

Probă scrisă la matematică

Varianta 1



- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 2 ore.

SUBIECTUL I - Pe foaia de examen scrieți numai rezultatele.

(30 de puncte)

- 5p 1. Rezultatul calculului  $4^3 : 4 - 2^4$  este egal cu ...
- 5p 2. Dacă  $\frac{12-a}{8} = \frac{5}{4}$ , atunci numărul  $a$  este egal cu ...
- 5p 3. Cel mai mic număr natural din intervalul  $[-3, 4)$  este egal cu ...
- 5p 4. Măsura unui unghi exterior al unui triunghi echilateral este egală cu ...°
- 5p 5. În *Figura 1* este reprezentat un tetraedru regulat  $ABCD$ . Măsura unghiului determinat de dreptele  $AD$  și  $BC$  este egală cu ...°.

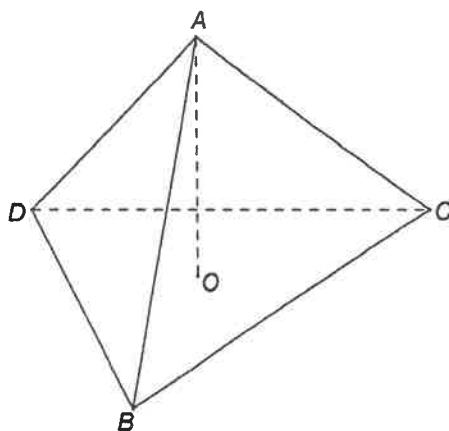
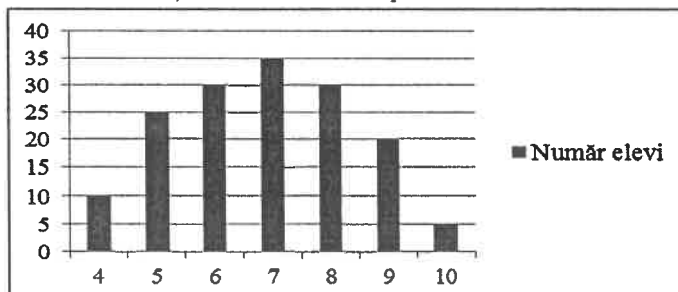


Figura 1

- 5p 6. În graficul de mai jos este prezentată repartiția elevilor claselor a VIII-a dintr-o școală, în funcție de notele obținute la testul de evaluare inițială la matematică pe semestrul I.



Numărul elevilor a căror notă la acest test este un multiplu de trei este egal cu ...

## SUBIECTUL al II-lea - Pe foaia de examen scrieți rezolvările complete.

(30 de puncte)

5p

1. Desenați, pe foaia de examen, un paralelipiped dreptunghic  $ABCDEFGH$ .

5p

2. Determinați numerele naturale de forma  $\overline{ab}$ , cu  $a \geq b > 0$ , dacă  $(\overline{ab})^2 - (\overline{ba})^2$  are cel mult două cifre.

5p

3. Un turist parcurge un traseu în trei zile. El merge în prima zi  $0,4$  din lungimea traseului, a doua zi 60% din rest și în a treia zi ultimii 4 km. Determinați lungimea acestui traseu.4. Se consideră numerele reale  $a$  și  $b$ , astfel încât  $a = \sqrt{2}$  și  $b = \sqrt{3}$ .

5p

a) Arătați că  $b^2a^2 > a^{2b^2}$ .

5p

b) Demonstrați că  $\frac{1}{\sqrt{a^2-b}} + \frac{1}{\sqrt{a^2+b}} = \sqrt{6}$ .

5p

5. Se consideră expresia  $E(x) = x^3 + x^2 - x + 2$ , unde  $x$  este număr real. Determinați numerele reale  $a$ ,  $b$  și  $c$  astfel încât  $E(x) = (x+2) \cdot (ax^2 + bx + c)$ .

## SUBIECTUL al III-lea - Pe foaia de examen scrieți rezolvările complete.

(30 de puncte)

1. În *Figura 2* este reprezentat rombul  $ABCD$  cu centrul  $O$  și  $AB = 7$  cm. Punctele  $E$ ,  $F$  și  $C$  sunt situate de aceeași parte a dreptei  $BD$ . Punctele  $F$  și  $E$  se află de o parte și de alta a dreptei  $AC$ , astfel încât triunghiurile  $DOE$  și  $COF$  sunt echilaterale.

5p

a) Calculați perimetrul rombului  $ABCD$ .

5p

b) Demonstrați că segmentele  $EF$  și  $AB$  sunt congruente.

5p

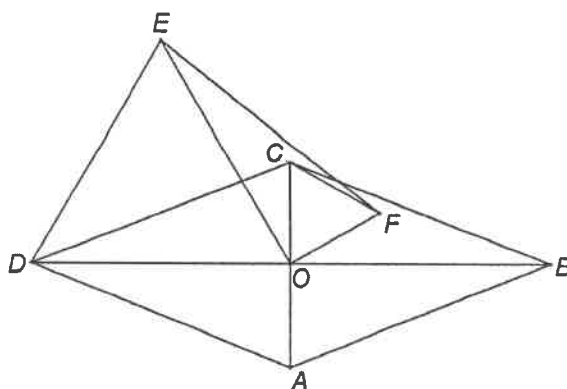
c) Demonstrați că dacă aria triunghiului  $BED$  este 75% din aria rombului  $ABCD$ , atunci  $B$ ,  $C$ ,  $E$  și  $F$  sunt puncte coliniare.

Figura 2

2. În *Figura 3* este reprezentată o piramida patrulateră regulată  $VABCD$ , cu centrul bazei sale în  $O$  și  $AB = 6$  cm. Centrul de greutate al feței  $VBC$  este  $Q$ , mijlocul muchiei  $BC$  este  $M$ , iar punctul  $P$  este situat pe segmentul  $OM$  astfel încât  $MO = 3 \cdot OP$ .

5p

a) Calculați aria patrulaterului  $ABCD$ .

5p

b) Demonstrați că dreapta  $PQ$  este paralelă cu planul  $(VAD)$ .

5p

c) Demonstrați că dacă triunghiul  $ADQ$  este echilateral, atunci triunghiul  $VAB$  este echilateral.

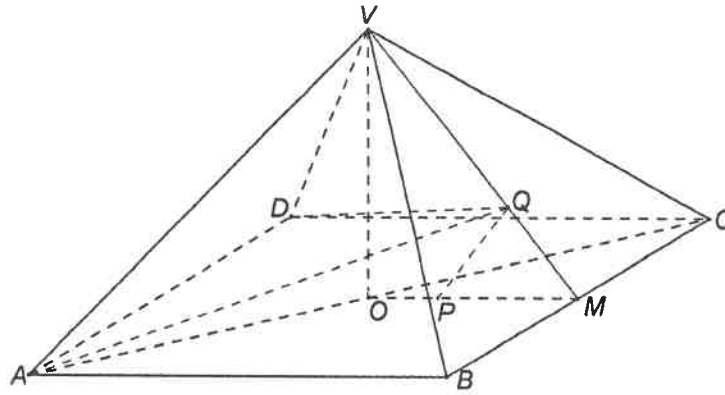


Figura 3



Simulare Evaluare Națională 2020

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Varianta 1

SUBIECTUL I

- ◆ Se punctează doar rezultatul: pentru fiecare răspuns se acordă fie 5 puncte, fie 0 puncte.
- ◆ Nu se acordă punctaje intermediare.

SUBIECTUL al II-lea și SUBIECTUL al III-lea

- ◆ Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- ◆ Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- ◆ Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea punctajului obținut la 10.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	0	5p
2.	2	5p
3.	0	5p
4.	120	5p
5.	90	5p
6.	50	5p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.	Desenează paralelipipedul dreptunghic Notează paralelipipedul dreptunghic	4p 1p
2.	$(\overline{ab})^2 - (\overline{ba})^2 = (\overline{ab} - \overline{ba}) \cdot (\overline{ab} + \overline{ba}) = 99 \cdot (a+b)(a-b)$	2p
	$(\overline{ab})^2 - (\overline{ba})^2$ are cel mult 2 cifre $\Rightarrow a=b$ sau $(a+b)(a-b)=1 \Rightarrow a=b$ sau $a=1, b=0$	2p
	Deoarece $b \neq 0 \Rightarrow \overline{ab} \in \{11, 22, 33, 44, 55, 66, 77, 88, 99\}$	1p
3.	Se notează cu $x$ km lungimea traseului. În prima zi turistul merge $0,4$ din $x$ , adică $\frac{4x}{9}$ km.	2p
	În cea de-a doua zi turistul parcurge 60% din $\left(x - \frac{4x}{9}\right)$ , adică $\frac{x}{3}$ km.	1p
	În cea de-a treia zi turistul parcurge $x - \left(\frac{4x}{9} + \frac{x}{3}\right) = \frac{2x}{9}$ km	1p
	$\frac{2x}{9} = 4 \Rightarrow x = 18$ km	1p



4.	a) $b^{2a^2} = 9$ $a^{2b^2} = 8$  $9 > 8 \Rightarrow b^{2a^2} > a^{2b^2}$	1p
		2p
		2p
	b) $\sqrt{2a^2 + 2b} = \sqrt{3} + 1$  Finalizare	2p
		3p
5.	$E(x) = (x+2)(x^2 - x + 1)$	4p
	$a = c = 1, b = -1$	1p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.	a) $ABCD$ romb $\Rightarrow P_{ABCD} = 4 \cdot AB$ cm  $P_{ABCD} = 28$ cm	3p
		2p
	b) $ABCD$ romb $\Rightarrow AC \perp BD$ , $\triangle DEO, \triangle CFO$ echilaterale $\Rightarrow \sphericalangle EOD \equiv \sphericalangle COF$ și $EO = DO$ , $FO = CO$  $\sphericalangle EOD, \sphericalangle COE$ complementare și $\sphericalangle EOD \equiv \sphericalangle COF \Rightarrow \sphericalangle COE, \sphericalangle FOC$ complementare $\Rightarrow \sphericalangle EOF$ drept  $EO = DO, FO = CO \Rightarrow \triangle EOF \equiv \triangle DOC$ (C.C.) $\Rightarrow EF = DC = AB$	1p
	2p	
		2p
	c) $EO = DO = \frac{BD}{2} \Rightarrow \triangle BED$ dreptunghic, cu vârful unghiului drept în $E$  $A_{BDE} = \frac{3}{4} \cdot A_{ABCD} \Leftrightarrow BE = 3CO$ și $\text{tg} 60^\circ = \text{tg} \sphericalangle ODE = \frac{BE}{DE} = \frac{BE}{DO} = \sqrt{3} \Rightarrow \frac{DO}{CO} = \sqrt{3}$  $\Rightarrow \text{tg} \sphericalangle DCO = \sqrt{3} \Rightarrow m(\sphericalangle DCO) = m(\sphericalangle BCO) = 60^\circ$  $m(\sphericalangle OCB) = m(\sphericalangle OCF) = 60^\circ \Rightarrow F \in BC, m(\sphericalangle OBC) = m(\sphericalangle OBE) = 30^\circ \Rightarrow E \in BC$	1p
		2p
		2p
2.	a) $ABCD$ pătrat $\Rightarrow A_{ABCD} = AB^2$  $A_{ABCD} = 36$ cm <sup>2</sup>	3p
		2p
	b) $M, O$ și $N$ sunt puncte coliniare, unde $N$ este mijlocul lui $(AD)$ și $MO = 3 \cdot OP \Leftrightarrow \frac{NP}{MP} = 2$  $Q$ este centrul de greutate al $\triangle VBC \Rightarrow \frac{VQ}{MQ} = 2 = \frac{NP}{MP} \Rightarrow PQ \parallel VN$	2p



$PQ \parallel VN, VN \subset (VAD), PQ \not\subset (VAD) \Rightarrow PQ \parallel (VAD)$	1p
c) $MN = AB = 6$ cm și fie $S \in MN$ astfel încât $QS \perp MN$ ; $QS \parallel VO \Rightarrow \Delta MSQ \sim \Delta MOV \Rightarrow$	2p
$\frac{QS}{VO} = \frac{MS}{MO} = \frac{MQ}{MV} = \frac{1}{3} \Rightarrow MS = 1$ cm, deci $NS = 5$ cm; $\Delta ADQ$ isoscel; teorema lui Pitagora în $\Delta SQN$ și în $\Delta QNA \Rightarrow AQ^2 = AN^2 + NS^2 + SQ^2 = 34 + QS^2$ . $QA = 6$ cm $\Rightarrow QS = \sqrt{2}$	4p
$\Rightarrow VO = 3\sqrt{2} = \frac{AC}{2} \Rightarrow \Delta VAC$ dreptunghic	
$\Delta VAC \cong \Delta BAC (I.U.) \Rightarrow VA = AB = 6$ cm, deci triunghiul $VAB$ este echilateral.	1p