

Subiectul 2 / noiembrie 2019
CLASA a V-a
Partea I. (Tehnica de calcul)

1. Efectuați calculele: a) $2^4 - 2^3 - 2^2 - 2^1 - 2^0$
 b) $30+3 \cdot (5^8)^6 : 25^{23}$
2. Aflați câtul și restul împărțirii numărului 91824 la 3746.
3. Se consideră numerele $a=1111_{(2)}$ și $b=1011_{(2)}$. Arătați că numărul $a \cdot b - (a+b)$, scris în baza zece, are cifrele puteri ale lui 3.

Partea a II-a. (Aplicații)

1. Cu cei 20 lei pe care îi are, Andu poate să cumpere trei prăjituri și un suc sau două prăjituri și patru sucuri, fără să-i rămână vreun rest. Cât costă o prăjitură ?
2. Într-o cutie sunt creioane colorate. Dacă le împărțim în mod egal la 6 copii, rămân două creioane, iar dacă le împărțim la patru copii nu rămâne niciun creion. Știind că sunt cel mult 40 de creioane colorate, aflați care ar putea fi numărul creioanelor din cutie.

Partea a III-a. (Creativitate)

1. Creați o problemă în care să folosiți suma a două numere egală cu 486 și diferența acelorași numere, egală cu 34.
2. Schimbați poziția unei singure cifre pentru ca egalitatea următoare să fie adevărată:

$$25-25=2^3-1$$

$$1. \quad \begin{array}{r} 4 & 3 & 2 & 1 & 0 \\ 2 & -2 & -2 & -2 & -2 \\ \hline = & 16 & -8 & -4 & -2 & -1 \\ \boxed{= 71} \end{array} \quad \text{Karte I.}$$

$$\begin{aligned} 2) \quad & 30+3 \cdot (5^8)^6 : 25^{23} \\ & = 30+3 \cdot 5^{48} : 25^{23} \\ & = 30+3 \cdot 5 \\ & = 30+3 \cdot 25 \\ & = 30+75 \\ \boxed{= 105} \end{aligned}$$

$$2. \quad 91824 : 3776 = 24 \quad R \ 1920$$

$$\begin{array}{r} 91824 \\ 3776 \\ \hline 16904 \\ 16984 \\ \hline = 1920 \end{array}$$

$$3. \quad 1111_{(2)}$$

$$1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$$

$$= 8 + 4 + 2 + 1$$

$$\boxed{= 15_{(10)}}$$

$$1011$$

$$1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$$

$$= 8 + 0 + 2 + 1$$

$$\boxed{= 11_{(10)}}$$

$$a \cdot b - (a+b) =$$

$$= 15_{(10)} \cdot 11_{(10)} - (15_{(10)} + 11_{(10)})$$

$$= 165_{(10)} - 26_{(10)}$$

$$\boxed{= 139_{(10)}}$$

$$\begin{aligned} 3^0 &= 1 \\ 3^1 &= 3 \\ 3^2 &= 9 \end{aligned}$$

Partea II-a

$$\begin{cases} 3x + y = 20 \\ 2x + 4y = 20 \end{cases}$$

$$\begin{array}{l} x = p \\ y = 1 \end{array}$$

$$\begin{cases} 3x + y = 20 \\ 2x + 4y = 20 \end{cases} | \begin{array}{l} (\cdot -4) \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{cases} -12x - 4y = -80 \\ 2x + 4y = 20 \end{cases} | \begin{array}{l} \hline \\ \hline \end{array}$$

$$-10x + 0 = -60 \quad (\cdot -1)$$

$$10 \cdot x = 60$$

$$x = 60 : 10$$

$$x = 6 \text{ lei} \quad (\text{prețul})$$

$$2) \quad 1 \cdot 6 + 2 = 8$$

$$8 \quad | \quad 8 : 4 = 2$$

$$\begin{cases} 2 \cdot 6 + 2 = 14 \\ 14 : 4 = 3 \text{ R } 2 \end{cases}$$

$$\begin{array}{l} 20 \\ | \quad 3 \cdot 6 + 2 = 20 \\ 20 : 4 = 5 \end{array}$$

$$\begin{cases} 4 \cdot 6 + 2 = 26 \\ 26 : 4 = 6 \text{ R } 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 32 \\ | \quad 5 \cdot 6 + 2 = 32 \\ 32 : 4 = 8 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 38 \\ | \quad 6 \cdot 6 + 2 = 38 \\ 38 : 4 = 9 \text{ R } 2 \end{cases}$$

Numerele creionelor pot fi: 8, 20, 32.

Partea a III-a

$$1. \quad x + y = 486$$

$$x - y = 39$$

$$\underline{x - y = 39}$$

$$x = 39 + y$$

$$39 + y + y = 486$$

$$39 + 2y = 486$$

$$2y = 486 - 39$$

$$2y = 452$$

$$y = 452 : 2$$

$$\boxed{y = 226}$$

$$x = 39 + y$$

$$x = 39 + 226$$

$$\boxed{x = 260}$$

$$x - y = 39$$

$$260 - 226 = \boxed{39}$$

$$260 + 226 = \boxed{486}$$

Gasiti suma numerelor 260 și 226, și diferența lor.

~~225 + 25 = 250~~

$$2^5 - 2^5 = 2^3 - 1$$

$$2^5 - 2^5 = 2^0 - 1$$