

OLIMPIADA NAȚIONALĂ DE MATEMATICĂ

– ETAPA LOCALĂ, 23.01.2016 –

CLASA A VII-A

Subiecte

1. Rezolvați în mulțimea numerelor raționale ecuația:

$$\frac{2x-1}{2016} + \frac{2x-3}{2014} + \frac{2x-5}{2012} + \frac{2x-7}{2010} + \dots + \frac{2x-2011}{6} + \frac{2x-2013}{4} + \frac{2x-2015}{2} =$$

$$= \frac{2x-2016}{1} + \frac{2x-2014}{3} + \frac{2x-2012}{5} + \frac{2x-2010}{7} + \dots + \frac{2x-6}{2011} + \frac{2x-4}{2013} + \frac{2x-2}{2015}.$$

Prof. Maria și Anton Negrilă, Ploiești

2. a) Aflați numărul întreg n , știind că fracția $\frac{5n-1}{4n+9}$ și inversa sa sunt simultan numere întregi.

b) Fie mulțimea $A = \left\{ \frac{2019}{3}, \frac{2020}{4}, \frac{2021}{5}, \dots, \frac{3015}{999} \right\}$. Aflați cardinalul mulțimii $A \cap \mathbb{N}$.

3. Fie triunghiul dreptunghic ABC cu $m(\angle A) = 90^\circ$ și O un punct pe înălțimea AD . Paralela prin O la AB intersectează BC în punctul M . Dacă $N \in AB$, cu A între N și B , arătați că $AMON$ este paralelogram dacă și numai dacă $CO \perp ON$.

Prof. Ion Lupea, Ploiești și prof. Ion Tomescu, Mizil

4. Se consideră triunghiul ABC isoscel cu $AB = AC$ și $m(\angle BAC) = 20^\circ$ și se construiește triunghiul BCD isoscel cu $BC = CD$ și $m(\angle CBD) = 20^\circ$. Demonstrați că $AB = BC + BD$.

Prof. Silvia și Ionel Brabeceanu, Plopeni

SUCCES!

Notă:

Timp de lucru : 3 ore. Fiecare subiect se notează cu puncte de la 0 la 7.