

CONGRUENTA TRIUNGHIURILOR

1. Laturile $[BA]$ si $[CA]$ ale triunghiului oarecare ABC se prelungesc, dincolo de A cu segmentele $[AM]$ si $[AN]$. Daca $[AM]=[AC]$ si $[AN]=[AB]$, sa se compare lungimile segmentelor $[MN]$ si $[BC]$.
2. Dreptele d si g sunt concurente in O . Pe d se iau punctele A si C astfel incat $[OA]=[OC]$, iar pe g se iau punctele B si D astfel incat $[OB]=[OD]$. Sa se arate ca $[AB]=[DC]$, iar $[AD]=[BC]$.
3. In triunghiul ABC , $AD \perp BC$, $D \in BC$. Fie $E \in AD$ astfel incat $[DE]=[AD]$. Sa se arate ca: a) $[AB]=[BE]$; b) $\angle ABC = \angle EBC$; c) $\angle BAC = \angle BEC$.
4. Fie unghiul XOY , (OZ bisectoarea lui si $A \in OX$, $B \in OY$), astfel incat $[OA] = [OB]$, iar C un punct oarecare apartinand semidreptei (OZ). Sa se compare lungimile segmentelor $[AC]$ si $[BC]$.
5. Fie M, N, P mijloacele laturilor $[AB]$, $[BC]$, respectiv $[AC]$ ale triunghiului ABC . Pe semidreptele (NP si CM) se iau punctele E si D astfel incat $[NP]=[PE]$, respectiv $[MD]=[CM]$. Sa se demonstreze ca $AD = 2AE$.
6. Pe bisectoarea (Oz a unghiului xOy) se considera punctul C . Perpendiculara in C pe Oz intersecteaza Ox si Oy in A , respectiv B . Sa se demonstreze ca $[OA] = [OB]$.
7. Pe laturile unghiului xOy se considera punctele $A \in Ox$, $B \in Oy$ astfel incat $[OA] = [OB]$. Perpendicularele in A pe OA si in B pe OB intersecteaza Oy in F , respectiv Ox in E . Daca AF si BE sunt concurente in C , sa se demonstreze ca: a) $[OE]=[OF]$; $\angle AEC = \angle BFC$; b) $[AE]=[BF]$; c) $tr.ACE = tr.BCF$; d) $[OC]$ este bisectoarea unghiului xOy .
8. Dreptele d si g sunt concurente in O . Pe dreapta d se iau punctele A si C astfel incat $[OA]=[OC]$. Perpendicularele in A si C pe d intersecteaza dreapta g in B , respectiv D . Sa se arate ca: $[AB] = [CD]$ si $[AD] = [BC]$.
9. Doua cercuri avand centrele in C si D se intersecteaza in A si B . Sa se demonstreze ca $[CD]$ este bisectoarea unghiului ACB .
10. In triunghiul ABC cu $[AB]=[AC]$, fie M mijlocul laturii BC . Sa se compare masurile unghiurilor BAM si CAM .
11. Fie M pe latura BC a triunghiului oarecare ABC . Perpendiculara ME din M pe AB ($E \in AB$) se prelungeste cu $[EN]=[MF]$, iar perpendiculara MF din M pe AC ($F \in AC$) se prelungeste cu $[FP] = [MF]$. Sa se arate ca: a) $[AN]=[AM]=[AP]$; b) $NB + PC = BC$; c) $\angle ANB = \angle AMB$.
12. Fie M un punct in interiorul triunghiului oarecare ABC . Perpendiculara ME pe AB ($E \in AB$) se prelungeste cu $[NE]=[ME]$, iar perpendiculara MF pe AC ($F \in AC$) se prelungeste cu $[FP]=[MF]$. a) $[AN]=[AM]=[AP]$; b) $[BN] = [BM]$; c) $\angle ANB = \angle AMB$, $\angle APC = \angle AMC$.

13. Pe latura $[BC]$ a triunghiului ABC se iau punctele M si N astfel incat sa avem ordinea M, B, C, N si $[BM]=[AB]$, respectiv $[CN]=[AC]$. Daca E si F sunt mijloacele segmentelor $[AM]$, respectiv $[AN]$, iar EB si FC sunt concurente in P . Sa se arate ca : a) $m(\angle BEM)=m(\angle BEA) = 90^\circ$;
 b) $[PM] = [PA] = [PN]$; c) $\angle PMB = \angle PAB$; $\angle PNC = \angle PAC$.
14. Fie I un punct in interiorul triunghiului ABC . Se prelungesc segmentele $[AI]$, $[BI]$, $[CI]$ cu segmentele $[IE] = [IA]$, $[IF]=[BI]$, respectiv $[ID] = [CI]$. Sa se demonstreze ca: a) $[AB]=[EF]$;
 b) $tr.ABC = tr.EFD$.
15. Fie A si B , respectiv C si D pe laturile Ox , respectiv Oy ale unghiului xOy astfel incat $[OA]=[OC]$ si $[OB]=[OD]$ ($OA < OB$). Daca BC si AD sunt concurente in E , sa se arate ca : a) $[AD]=[BC]$;
 b) $tr.ABE = tr.CDE$; c) $[OE]$ este bisectoarea unghiului xOy .
16. Pe laturile Ox , Oy ale unghiului xOy se considera punctele A , respectiv B astfel incat $[OA]=[OB]$ si fie C un punct pe bisectoarea Oz a unghiului xOy . Daca AB si Oz sunt concurente in D , sa se demonstreze ca : a) $[AC]=[BC]$; $[AD] = [BD]$; b) $\angle CAB = \angle CBA$.