

**CONCURSUL DE MATEMATICĂ ȘI FIZICĂ
„ VRÂNCEANU – PROCOPIU ”
29.10.2008
Matematică clasa a VII-a**

SUBIECTUL I.(10 puncte- se acordă 1 punct din oficiu)

1. Fie $a_n = \frac{2}{2 \cdot 3} + \frac{2}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{2}{n(n+1)}$, $n \in \mathbb{N}$, $n \geq 2$,
 $b_n = 1 - \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{12} + \frac{1}{20} + \dots + \frac{1}{n(n+1)} \right)$, $n \in \mathbb{N}$, $n \geq 2$.

a) Calculați a_{20} , b_{20} .

b) Determinați $n \in \mathbb{N}$, astfel încât $\frac{a_n}{b_n} \in \mathbb{Z}$.

c) Arătați că $9 \mid (2b_n + a_n - 5)^n$.

SUBIECTUL II.(10 puncte- se acordă 1 punct din oficiu)

2. Fie triunghiul $\triangle ABC$, oarecare și $BCDE$ un pătrat situat în exteriorul triunghiului $\triangle ABC$. $AN \perp BC$, $N \in (BC)$, $M \in (AN)$ astfel încât $[AM] = [BC]$

a) Demonstrați că $ABEM$ este paralelogram;

b) Dacă $BP \perp DM$, $P \in (DM)$, $CQ \perp EM$, $Q \in (EM)$, $BP \cap CQ = \{H\}$, să se arate că H este ortocentrul triunghiului $\triangle ABC$.

Prof. Paula Balica –Școala Liviu Rebreanu Cluj-Napoca
Prof. Ioan Balica –Școala Ioan Bob Cluj-Napoca