

Funcția sinus

1. Sinusul lui α notat $\sin \alpha$ este ordonata punctului M_α .
2. Funcția sinus este funcția definită pe \mathbf{R} cu valori în \mathbf{R} prin care $\forall \alpha$ aparține lui \mathbf{R} i se asociază un număr y_α notat $\sin \alpha$.

PROPRIETATI :





1. $-1 \leq \sin \alpha \leq 1$
2. Formula fundamentală a trigonometriei :

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad \Rightarrow \sin \alpha = \pm \sqrt{1 - \cos^2 \alpha}$$
3. Funcția sinus este o funcție periodică de perioadă $2k\pi$ unde k aparține lui \mathbf{Z}

$$\sin(\alpha + 2k\pi) = \sin \alpha$$
4. Funcția sinus este o funcție impară adică $\sin(-x) = -\sin(x)$
5. Semnul funcției sinus

| Caranul | I | II | III | IV |
|---------------|---|----|-----|----|
| Funcția sinus | + | + | - | - |

6. Monotonia funcției sinus

| Cadranul | I | II | III | IV |
|---------------|---|---|--|---|
| Funcția sinus |  |  |  |  |

Funcția cosinus

1. Cosinusul lui α notat $\cos \alpha$ este abscisa punctului M_α .
2. Funcția cosinus este funcția definită pe \mathbf{R} cu valori în \mathbf{R} prin care $\forall \alpha$ aparține lui \mathbf{R} i se asociază un număr x_α notat $\cos \alpha$.

PROPRIETATI :

1. $-1 \leq \cos \alpha \leq 1$
2. Formula fundamentală a trigonometriei :

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad \Rightarrow \cos \alpha = \pm \sqrt{1 - \sin^2 \alpha}$$
3. Funcția cosinus este o funcție periodică de perioadă $2k\pi$ unde k aparține lui \mathbf{Z}

$$\cos(\alpha + 2k\pi) = \cos \alpha$$
4. Funcția cosinus este o funcție pară adică $\cos(-x) = \cos(x)$

5. Semnul functiei cosinus

| | | | | |
|-----------------|---|----|-----|----|
| Caranul | I | II | III | IV |
| Functia cosinus | + | - | - | + |

6. Monotonia functiei sinus

| | | | | |
|-----------------|---|----|-----|----|
| Cadranul | I | II | III | IV |
| Functia cosinus | ↘ | ↘ | ↗ | ↗ |

Functia tangenta

1. Tangenta unui unghi α notata $tg \alpha$ este raportul dintre sinusul unghiului α si cosinusul acestuia.

$$tg \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad \alpha \in \mathbb{R} - \left\{ (2k+1)\frac{\pi}{2} \mid k \in \mathbb{Z} \right\}$$

PROPRIETATI :

1. Functia tangenta este o functie periodica de perioada $k\pi$ $tg(\alpha+k\pi) = tg \alpha$
 pt. oricare α apartine lui \mathbb{R} din care scadem $\left\{ (2k+1)\frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}$

2. Functia tangenta este o functie impară $tg(-x) = -tg(x)$

3. Semnul functiei tangenta

| | | | | |
|------------------|---|----|-----|----|
| Cadranul | I | II | III | IV |
| Functia tangenta | + | - | + | - |

4. Functia tangenta este strict crescătoare pe intervale de forma $\left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right)$

Funcția cotangenta

1. Cotangenta unui unghi α notată $ctg\alpha$ este raportul dintre cosinusul unghiului α și sinusul acestuia.

$$ctg\alpha = \frac{\cos\alpha}{\sin\alpha} \quad \alpha \in \{k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$$

PROPRIETATI :

1. Funcția cotangenta este o funcție periodică de perioadă $k\pi$ $ctg(\alpha+k\pi)=ctg\alpha$ unde oricare α aparține lui $\mathbb{R} \setminus \{k\pi \mid k \text{ aparține lui } \mathbb{Z}\}$

2. Funcția cotangenta este o funcție impară $ctg(-x)=-ctg(x)$

3. Semnul funcției cotangenta

| Cadrantul | I | II | III | IV |
|--------------------|---|----|-----|----|
| Funcția cotangenta | + | - | + | - |

4. Funcția cotangenta este strict descrescătoare pe intervale de forma $(0;\pi)$