



100  
2010

Anul Matematicii în  
Școala Românească  
www.anulmatematicii.ro

**OLIMPIADA DE MATEMATICA ,ETAPA JUDETEANA  
24 APRILIE 2010  
CLASA a VI**

**Subiectul I**

Fie numerele rationale  $x, y, z$ , astfel încât  $\frac{x}{x+y} + \frac{y}{y+z} + \frac{z}{z+x} = 1$

a) Sa se arate ca niciunul dintre numere nu poate fi egal cu zero.

b) Sa se arate ca  $\frac{y}{x+y} + \frac{z}{y+z} + \frac{x}{z+x} = 2$

*Gazeta matematica 7-8-9/2009*

**Subiectul II**

Demonstrati inegalitatile:

a)  $\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{2}{1 \cdot 2 \cdot 3} + \frac{3}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} + \dots + \frac{2009}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot 2010} < 1$

b)  $\frac{2 \cdot 1}{1 \cdot 2 \cdot 3} + \frac{2^2 \cdot 2}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} + \frac{2^3 \cdot 3}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5} + \dots + \frac{2^{2010} \cdot 2010}{1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot 2012} < 1$

*Calin Burdusel*

**Subiectul III**

Sa se afle suma numerelor naturale de patru cifre care impartite la 13 dau restul 3 si impartite la 17 dau restul 12

*Cristian Greco*

**Subiectul IV**

Fie triunghiul  $ABC$  in care  $m(\sphericalangle C) = 60^\circ$ . Pe prelungirea laturii  $AC$  dincolo de  $C$  se ia punctul  $D$  iar pe prelungirea laturii  $BC$  dincolo de  $C$  se ia punctul  $E$ , astfel încat  $BD = DE$ . Daca  $AD = CE$  demonstrati ca triunghiul  $ABC$  este echilateral.

*Calin Burdusel*

***Nota. Toate subiectele sunt obligatorii. Fiecare subiect este cotate cu 7 puncte.  
Timp de lucru 3 ore.***

