



MINISTERUL EDUCAȚIEI, CERCETĂRII, TINERETULUI ȘI SPORTULUI
INSPECTORATUL ȘCOLAR JUDEȚEAN CLUJ

400192 CLUJ-NAPOCA Piața Ștefan cel Mare nr. 4
Tel. +(40) 64-594672, 593710; Fax. +(40) 64-592832
www.isjci.ro, cluj@yahoo.com

OLIMPIADA DE MATEMATICĂ
ETAPA JUDEȚEANĂ
CLASA a V-a
13.03.2010

Subiectul I.(40 puncte)

- (20 puncte) 1. Aflați numărul natural care se împarte exact la 67, iar prin împărțirea la 65 dă restul 60 și câtul egal cu cel de la împărțirea cu 67.
- (20 puncte) 2. Completați tabelul alăturat cu numere naturale diferite, astfel ca suma numerelor de pe fiecare linie, fiecare coloană și fiecare diagonală să fie egală cu 24.

*prof. Cristian Pop
ISJ Cluj*

Subiectul II.(30 puncte)

Se dau numerele $x = 2 + 2^3 + 2^5 + \dots + 2^{2009}$ și $y = 1 + 2^2 + 2^4 + \dots + 2^{2008}$

- (10 puncte) 1. Aflați ultima cifră a numărului $3(x - y)$;
- (15 puncte) 2. Scrieți numărul $(x + y + 1)$ ca un pătrat perfect;
- (5 puncte) 3. Scrieți numărul $(x + y + 1)$ ca un cub perfect.

*prof. Cristian Pop
ISJ Cluj*

Subiectul III.(20 puncte)

- (10 puncte) 1. Arătați că dacă adunăm toate numerele naturale care împărțite la 2010 dau câtul 13, obținem un număr care se divide cu 67.
- (10 puncte) 2. Determinați $x, y \in N$ pentru care mulțimile $A = \{5x + 3; 36\}$ și $B = \{x^2; 7y + 5\}$ sunt egale și stabiliți dacă $A \cup B$ poate avea trei elemente.

*prof. Vasile Șerdean
Șc. Nr. 1 Gherla*

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timp efectiv de lucru - 2 ore.

SUCCES!